

УДК 004.89:004.93

*Ю.Ф. Кутаев, Л.И. Тимченко, Н.И. Кокряцкая, В.А. Губернаторов, А.А. Поплавский*  
Киевский университет экономики и технологий транспорта, г. Киев, Украина  
pontiw@rambler.ru

## Применение метода сечений для контроля формы поверхности пятна излучения в реальном времени

В статье рассматривается проблема контроля формы поверхности пятна излучения в реальном времени. Предлагается использование метода сечений для формирования выборки и последующей обработки дальнейших изображений.

### Введение

В настоящее время в полиграфии, лазерной обработке материалов, локации, оптической связи и других областях техники ощущается необходимость более широкого внедрения оптико-электронных систем с автоматической корректировкой искажений формируемого светового излучения. Причинами этих искажений могут быть дестабилизирующее воздействие механических или климатических факторов, нестабильность характеристик источника излучения, возмущения в оптическом тракте, разъюстировка оптических элементов и т.п. Обеспечение приемлемого качества коррекции требует непрерывного динамического контроля характеристик светового излучения, например, пространственного распределения его интенсивности, в том числе оценки отклонения указанного распределения от исходного или эталонного распределения.

**Целью данной работы** является разработка метода выборки и последующей обработки формы поверхности пятна излучения в реальном времени.

### Приближенная классифицирующая функция

Традиционный путь решения данной задачи включает формирование изображения пятна излучения  $B(x, y)$  на светочувствительной поверхности фотоприемника с последующим преобразованием в сигнал  $U(x, y)$ , амплитуда которого в каждой точке разложения с координатами  $(x, y)$  соответствует интенсивности в  $B(x, y)$ , т.е.  $U(x, y) \leftrightarrow B(x, y)$ . Далее сигнал  $U(x, y)$  сравнивают с эталонным сигналом  $W(x, y)$  для всех точек разложения сигналов. Сигналы  $U(x, y)$  и  $W(x, y)$  представляют собой некоторые поверхности, которые могут отличаться типом, коэффициентом относительного масштаба, вектором относительной координатной привязки и углами относительных поворотов в трехмерном пространстве. Поэтому сравнение этих поверхностей должно производиться с учетом всех возможных ситуаций, что требует огромного объема вычислений и затруднительно для осуществления в реальном времени.

В практически важных случаях требуемое сравнение поверхностей  $U(x, y)$  и  $W(x, y)$  может быть реализовано с помощью излагаемого ниже нового метода сечений. Этот метод включает следующие операции:

1) нахождение максимальных амплитуд сигналов  $U(x, y)$  и  $W(x, y)$  (рис. 1):

$$U_{\max} = \max U(x, y) = h_u,$$

$$W_{\max} = \max W(x, y) = h_w;$$

2) нахождение значений площадей  $S_{0,75u}$  и  $S_{0,5u}$  сечений на уровнях  $0,75 h_u$  и  $0,5 h_u$  для сигнала  $U(x, y)$  соответственно,  $S_{0,75w}$  и  $S_{0,5w}$  на уровнях  $0,75 h_w$  и  $0,5 h_w$  для сигнала  $W(x, y)$  соответственно;

3) расчет приближенных значений коэффициентов формы  $\tilde{r}_{v,u}$  и  $\tilde{r}_{v,w}$  для сигналов  $U(x, y)$  и  $W(x, y)$  соответственно;

$$r_{v,u} \approx \tilde{r}_{v,u} = r_{s,u} = S_{0,75u} / S_{0,5u}, \quad (1)$$

$$r_{v,w} \approx \tilde{r}_{v,w} = r_{s,w} = S_{0,75w} / S_{0,5w}, \quad (2)$$

где  $\sim$  – знак приближенного значения,

$$r_{v,u} = V_{0,5u} / h_u S_{0,5u}, \quad 0 < r_{v,u} \leq 1 \quad (3)$$

$$r_{v,w} = V_{0,5w} / h_w S_{0,5w}, \quad 0 < r_{v,w} \leq 1 \quad (4)$$

$V_{0,5u}$  и  $V_{0,5w}$  – суммарное значение амплитуд сигналов  $U(x, y)$  и  $W(x, y)$ , меньших уровней  $0,5 h_u$  и  $0,5 h_w$  соответственно.

Покажем справедливость  $r_v \approx r_s$  на примере текущего сигнала  $U(x, y)$  следующим образом.

Объем  $\hat{V}_{0,5u}$  фигуры выше сечения поверхности  $U(x, y)$  по уровню  $0,5 h_u$  может быть найден с помощью одной из известных формул приближенного вычисления интегралов для равноотстоящих узловых точек, например, формулы Симпсона [1, с. 507]:

$$\hat{V}_{0,5u} \approx h_u [S(U_{\max}) + 4S_{0,75u} + S_{0,5u}] / 12 \approx h_u S_{0,5u} (4r_{s,u} + 1) / 12. \quad (5)$$

Так как  $S(U_{\max}) = S_{1u}$  – площадь сечения поверхности на уровне максимальной амплитуды, при этом чаще всего  $S_{1u} \approx 0$ ;

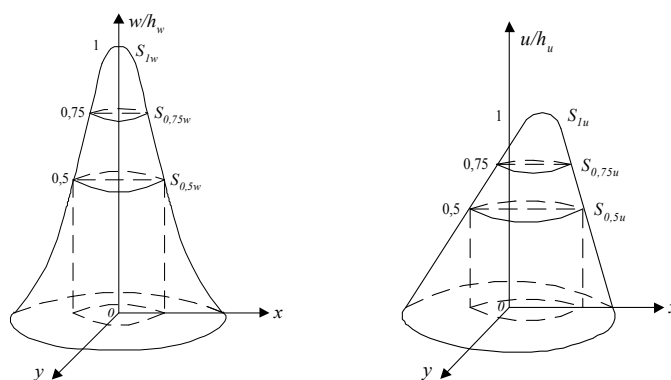


Рисунок 1 – Сигналы эталонного и текущего изображения пятна излучения

4) сравнение коэффициентов формы  $r_{s,u}$  и  $r_{s,w}$  (вместо поэлементного сравнения поверхностей).

Используя (5), легко получить

$$V_{0,5u} = \hat{V}_{0,5u} + h_u S_{0,5u} / 2 \approx h_u S_{0,5u} (4r_{s,u} + 7) / 12, \quad (6)$$

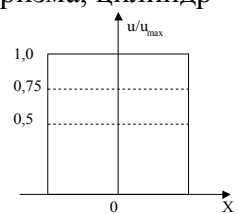
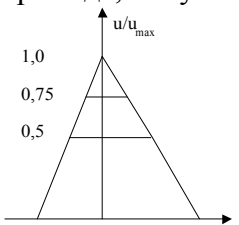
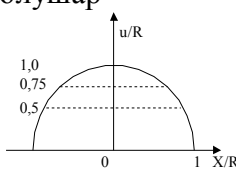
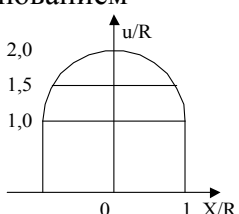
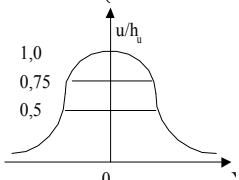
откуда следует

$$\tilde{r}_{v,u} \approx (4r_{s,u} + 7)/12. \quad (7)$$

Линейная зависимость коэффициентов  $\tilde{r}_v$  и  $r_s$  позволяет использовать коэффициент  $r_s$  как характеристику формы соответствующей поверхности.

Возможности классификации типов поверхностей посредством коэффициента  $r_s$  отражены в таблице. Разные значения коэффициента  $r_s$  соответствуют разным типам поверхностей приведенных в ней примеров фигур.

Таблица 1 – Профиль продольного сечения

Рисунок продольного сечения	Значения коэффициента			Значение погрешности $\delta r_v$
	$r_s$	$\tilde{r}_v$	$r_v$	
1. Призма, цилиндр 	1	$11/12 \approx 0.92$	1	$1/12 \approx 0.083$
2. Пирамида, конус 	$1/4 = 0.25$	$2/3 \approx 0.67$	$2/3 \approx 0.67$	0
3. Полушар 	$7/12 \approx 0.58$	$7/9 \approx 0.78$	$7/9 \approx 0.78$	0
4. Полушар с основанием 	$3/4 = 0.75$	$5/6 \approx 0.83$	$5/6 \approx 0.83$	0
5. Гауссоида $(1/\sqrt{2\pi}) \exp\{-(x^2 + y^2)/2\}$ 	$\ln(4/3)/\ln 2 \approx 0.415$	$8.66/12 \approx 0.722$	$1/2 \ln \approx 0.721$	$\approx 0$

Важным достоинством коэффициента  $r_s$  для некоторых типов поверхностей является его независимость от коэффициента масштаба, сдвига и ориентации соответствующей поверхности. Кроме того, вычисление коэффициента  $r_s$ , так как число разрядов кода значения  $S_{0,5}$  всегда существенно меньше числа разрядов кода значения  $V_{0,5}$ .

Коэффициент  $4r_s$  характеризует обобщенную выпуклость поверхности: при  $4r_s > 1$  – поверхность выпукла, при  $4r_s < 1$  – поверхность плоская в обобщенном смысле, при  $4r_s = 1$  – поверхность линейна в обобщенном смысле.

Важно отметить, что поверхность можно охарактеризовать площадью эффективного сечения  $S_s$ :

$$S_s = 2(V_{0,5} - S_{0,5} \cdot h \cdot 0,5) / h \approx 2(S_{0,5} \tilde{r}_v h - S_{0,5} \cdot h \cdot 0,5) / h = 2S_{0,5} (\tilde{r}_v - 0,5), \quad (8)$$

откуда

$$S_s \approx \tilde{S}_s = \begin{cases} (4S_{0,75} + S_{0,5}) / 6 & \text{при } S_1 \approx 0, \\ (S_1 + 4S_{0,75} + S_{0,5}) / 6 & \text{при } S_1 \neq 0, \end{cases} \quad (9)$$

где  $S_1$  – площадь сечения сигнала на его максимальном уровне.

Метод сечений [2] можно использовать для выборки сигналов лазерных пучков, а в качестве параметра выборки использовать коэффициент формы, при этом данная методика будет использоваться для нахождения центров лазерных пучков.

Алгоритм заключается в следующем:

1. На изображении находится точка с максимальной яркостью.
2. От найденного значения яркости на изображении выбираются 5 значений яркости, каждое на единицу меньше от предыдущего. Крайние точки каждого из 6 диапазонов образуют краевые линии. В результате получается 6 краевых линий.

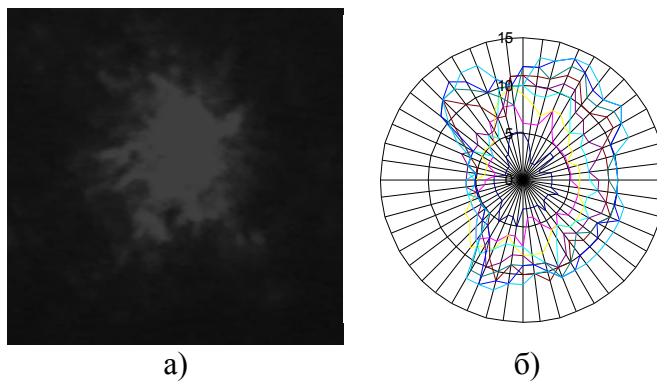


Рисунок 2 – Форма пятна лазерного пучка  
(а – фото с камеры, б – схематический рисунок)

3. Для каждого краевого контура определяется предварительный центр, после чего вычисляется усредненный центр для координат X и Y.

Координаты  $(x,y)$  энергетического центра двумерного сигнала с удельной нелинейной плотностью  $w(f(x,y))$ , соответствующей данному значению  $f(x,y)$ , выражаются в следующем виде:

$$x = \frac{1}{M} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} w(f(x,y)) \cdot x, \quad y = \frac{1}{M} \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} w(f(x,y)) \cdot y, \quad M = \sum_{x=0}^{N-1} \sum_{y=0}^{N-1} w(f(x,y)).$$

4. Полученные краевые линии разбиваются на 4 сегмента. В качестве центральной точки используются координаты предварительного центра (усредненного центра).

5. Определяются «хорошие» и «плохие» изображения по факту попадания в рассчитанный туннель вычисленного коэффициента формы. Если коэффициент формы текущего изображения попадает в туннель, то последнее считается «хорошим», в противном случае – «плохим». Границы туннеля вычисляются в обучаемой выборке изображений путем последовательного выбора изображений и соответствующих коэффициентов формы с минимальным разбросом координат предварительных центров.

6. Вычисляются координаты энергетических центров только для «хороших» изображений.

## Результаты экспериментальных исследований

Исследовано 15 трасс лазерных пучков [3] и получены следующие результаты (показано для 2 трасс):

1. Границы туннеля  $a := 0.777$   $b := 0.78$ .

Значение разницы между максимальным и минимальным значением координат 1.147.

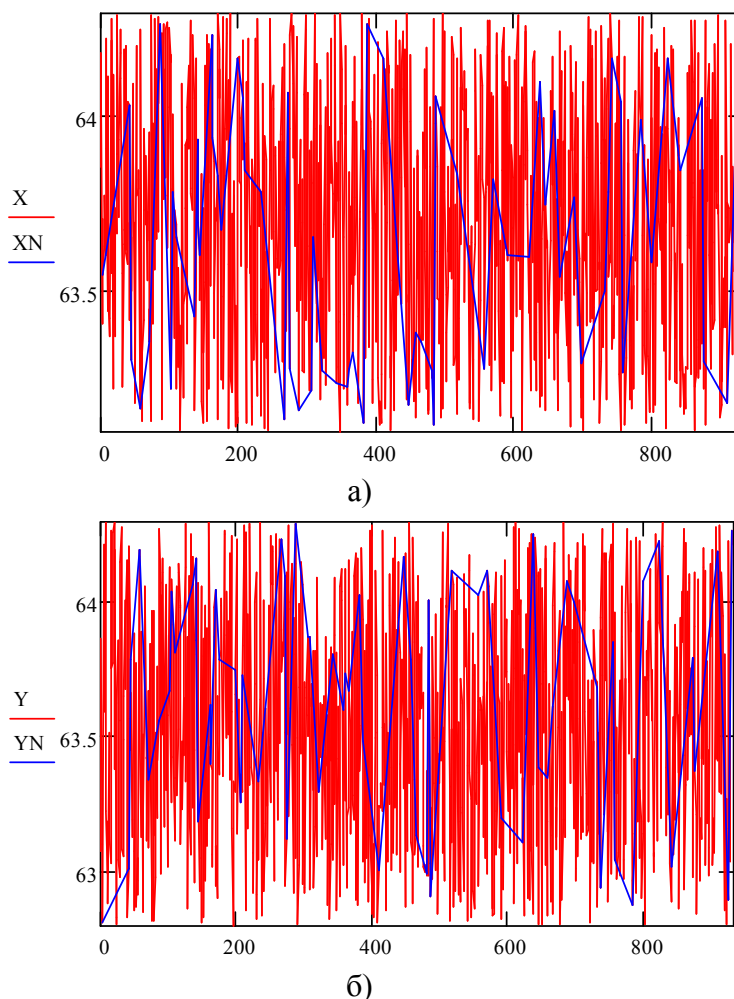


Рисунок 3 – График распределения координат центров лазерных пучков (а – значение X, б – значение Y), где X, Y – координаты всей трассы лазерных пучков соответственно, XN, YN – значение координат центров пятен после выборки

2. Границы туннеля  $a := 0.751$   $b := 0.757$

Значение разницы между максимальным и минимальным значением координат 2.18.

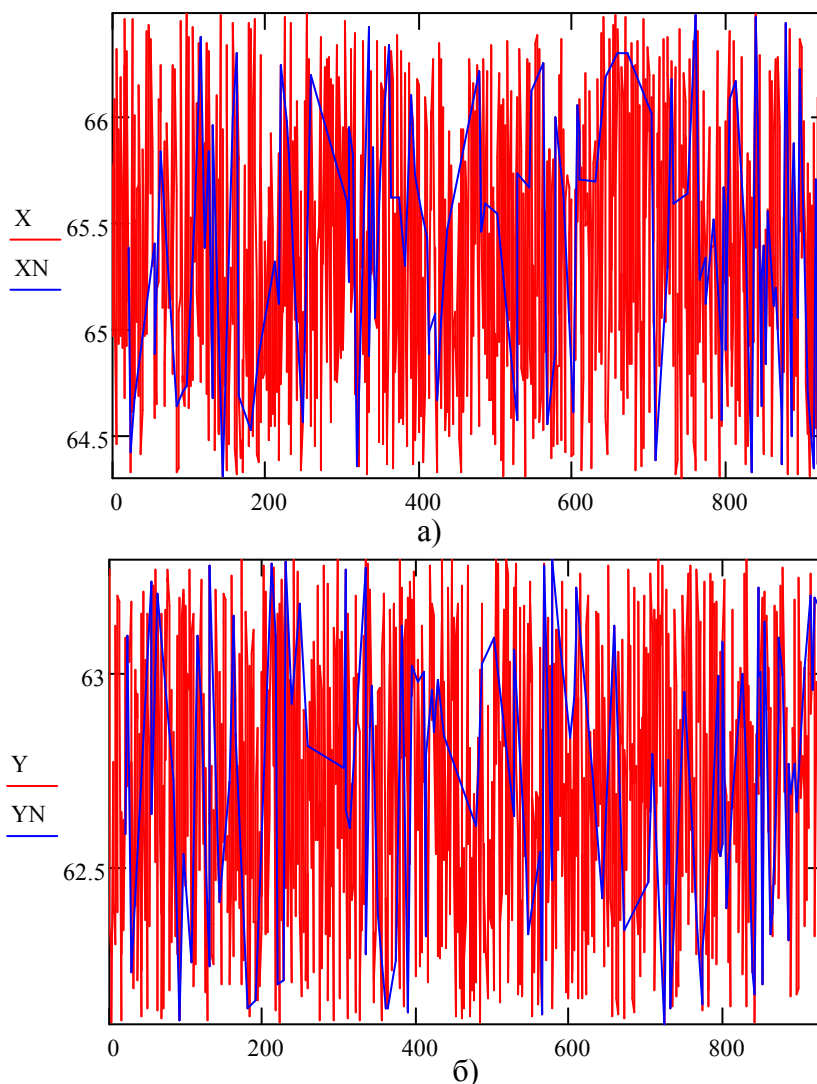


Рисунок 4 – График распределения координат центров лазерных пучков (а – значение  $X$ , б – значение  $Y$ ), где  $X$ ,  $Y$  – координаты всей трассы лазерных пучков соответственно,  $XN$ ,  $YN$  – значение координат центров пятен после выборки

## ВЫВОДЫ

Эксперименты показывают, что для изображений пятен лазерных пучков в результате действия разнообразных дестабилизирующих факторов невозможно точно измерять координаты их энергетических центров, однако точность можно существенно повысить, используя вычисление коэффициента формы изображений с последующей их классификацией на «хорошие» и «плохие». Сравнительный анализ показывает, что предложенные методы позволяют измерять координаты центра лазерных изображений с точностью определения точки привязки не менее чем 1 – 2 элемента разложения, что по точности превышает известные, например, на основе определения центра масс с помощью моментных признаков, в среднем в 1,5 раза.

В соответствии с изложенным методом сечений сравнение поверхностей сводится к сравнению их коэффициентов формы и не требует поэлементного сравнения с учетом всех случаев отличия их типов, коэффициента масштаба, относительного

сдвига и поворота в пространстве. Важно отметить, что равенство коэффициентов формы поверхностей, в общем случае, позволяет отнести их к одному и тому же обобщенному типу поверхности или аппроксимировать этим типом поверхности.

Очевидно, что метод сечений может быть легко распространен на случай увеличения числа равноотстоящих сечений поверхности или изменения значений уровней сечений, изменения весовых коэффициентов площадей сечений.

При этом в качестве порождающей основы также целесообразно использовать подходящую формулу приближенного вычисления интегралов [1, с. 507].

Рассмотренный метод сечений перспективен также для применения в задачах классификации и архивации изображений в реальном времени. Важным достоинством данного метода является простота осуществления как программными, так и аппаратными средствами.

## Литература

1. Бронштейн И.Н. Справочник по математике / И.Н. Бронштейн, К.А. Семендяев. – М. : Наука, 1986.
2. Кутаев Ю.Ф. Метод фильтрации геометрического шума бинарного изображения // Информационная и микропроцессорная техника в полиграфии : [сб. научн. тр.] / Кутаев Ю.Ф. – М. : Изд-во МПИ «Мир книги», 1992. – С. 57-73.
3. Laser Control of Near Earth Space and Possibilities for Removal of Space Debris from Orbit with Explosive Photo-Dissociation Lasers with Phase Conjugation / N.G. Basov, E.M. Zemskov, Y.F. Kutaev et. al. // Proc. GCL/HPL 98. SPIE Symposium, (St-Petersburg, Russia). – 1998.
4. Тимченко Л.И. Система координатной привязки для нестационарных сигналов / Л.И. Тимченко, Ю.Ф. Кутаев, А.А. Герций // Известия РАН. – Сер. физическая. – 2001. – № 6. – С. 886-890.
5. Timchenko Leonid I. Method for Training of a Parallel-Hierarchical Network, Based on Population Coding for Processing of Extended Laser Paths Images / Leonid I. Timchenko, Yuriy F. Kutaev // Proceedings of SPIE. – 2002. – Vol. 4790. – P. 465-479.

### ***Ю.Ф. Кутаев, Л.И. Тимченко, Н.И. Кокряцкая, В.А. Губернаторов, О.О. Поплавский*** **Застосування методу перетинів для контролю форми поверхні плями випромінювання в реальному часі**

У статті розглядається проблема контролю форми поверхні плями випромінювання у реальному часі. Пропонується використання методу перетинів для формування вибірки і наступної обробки подальших зображень.

### ***Y.F. Kutaev, L.I. Timchenko, N.I. Kokryatskaya, V.A. Gubernatorov, O.O. Poplavskiy*** **Application of the Method of Sections for the Control of the Form of the Surface of the Stain of Radiation in Real Time**

Now in polygraphy, laser processing of materials, a location, optical communication and other areas of engineering necessity of wider implantation of optically-electronic systems with automatic adjustment of distortions of formed light radiation is felt. Destabilising effect of mechanical or climatic factors, instability of characteristics of a source of radiation, indignation in an optical path can be the reasons of these distortions, in preliminary adjustment optical units, etc. Support of comprehensible quality of correction demands continuous runtime check of characteristics of light radiation, for example space allocation of its intensity, including an estimation of deviation of the specified allocation from initial or standard allocation. In the given operation theoretical bases on solution of the given problem are considered, the modelling which results are presented.

*Статья поступила в редакцию 12.08.2009.*