

ставляет значительные трудности. В этом случае предлагается использовать следующий подход, методологическим отличием которого является *отсутствии использования нечеткого отношения*.

В теории нечетких множеств имеется возможность применять различные операции объединения, пересечения и дополнения множеств в зависимости от контекста, ситуации управления. Очевидно, что жесткие, однозначные операторы недостаточно полно отражают смысл многозначных преобразований нечетких переменных. Вместе с тем существуют гибкие параметризованные операторы, позволяющие агрегировать нечеткую информацию с учетом изменчивости ситуационных данных и настроиться на логику пользователя [2, 3].

В качестве такого оператора предлагается использовать обобщенный оператор осреднения

$$M_p(\mu_1, \dots, \mu_n) = \sqrt[p]{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \mu_i^p}, \quad (2)$$

где μ_i — функции принадлежности x_i .

Настройка на логику пользователя реализуется выбором параметра p :

при $p=1$ $M_1(\mu_1, \dots, \mu_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \mu_i$ (*среднее арифметическое*),

при $p=-1$ $M_{-1}(\mu_1, \dots, \mu_n) = \frac{1}{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \frac{1}{\mu_i}}$ (*среднее гармоническое*),

при $p=0$ $M_0(\mu_1, \dots, \mu_n) = \sqrt[n]{\mu_1 \cdot \dots \cdot \mu_n}$ (*среднее геометрическое*),

при $p \rightarrow -\infty$ $M_{-\infty}(\mu_1, \dots, \mu_n) = \min(\mu_1, \dots, \mu_n)$,

при $p \rightarrow +\infty$ $M_{+\infty}(\mu_1, \dots, \mu_n) = \max(\mu_1, \dots, \mu_n)$.

Выбор того или иного значения параметра p позволяет также варьировать степень нечеткости описания x_i .

Если x_i определены для группы q разнородных физических величин (характеристик процесса), т. е. $x_i = (x_i^1, x_i^2, \dots, x_i^q)$, используем модификацию обобщенного оператора осреднения (2). В этом случае

$$\mu_i = \sqrt[p]{\frac{1}{qG_i} \sum_{l=1}^q g_{il} \mu_{il}^p},$$

где g_{il} — коэффициент значимости l -й характеристики; μ_{il} — функция принадлежности x_i^l ;

$$G_i = \sum_{l=1}^q g_{il}.$$

Агрегируя имеющуюся нечеткую информацию (1) с помощью обобщенного оператора осреднения (2),

получаем множество точек $\{M_p^i, u_i\}$ в пространстве $[0, 1] \times U$, где $M_p^i = M_p(\mu_1(x_{i1}), \mu_2(x_{i2}), \dots, \mu_n(x_{in}))$, u_i — заданные "четкие" значения управлений, $i=1, \dots, m$.

Для построения аналитической зависимости $u=f(M_p)$ используем сплайн-интерполяцию [4]. Не умаляя общности, считаем, что $M_p^1 < M_p^2 < \dots < M_p^m$.

Строим кубический интерполяционный сплайн $S_3([0, 1], M_p)$, принимающий в заданных точках $\{M_p^i\}$ заданные значения $\{u_i\}$. Сплайн склеен на $[0, 1]$ из кубических многочленов, имеет непрерывную вторую производную и удовлетворяет следующим условиям в конечных точках: $S_3'''([0, 1], 0) = y''(0)$, $S_3'''([0, 1], 1) = y''(1)$, где $y''(M_p)$ — оценка $f''(M_p)$ по точкам M_p^i .

Пусть задан вход $x_k = (x_{k1}, x_{k2}, \dots, x_{kn})$. По формуле (2) определяем M_p^k . Значение управления u_k находим из соотношения

$$u_k = S_3([0, 1], M_p^k). \quad ***$$

Предложенный алгоритм аналитической аппроксимации нечеткого вывода с предварительным агрегированием нечеткой исходной информации позволяет производить быстрый и качественный вывод на нечетких множествах. Алгоритм не использует нечетких отношений, поэтому его применение особенно эффективно в случае многомерного входа, когда требуется оперировать многомерными матрицами нечетких отношений.

В известных аналитических методах синтеза нечетких регуляторов аппроксимация нечетких отображений осуществляется в пространстве $X \times U$. В данном алгоритме исходная нечеткая информация предварительно агрегируется с помощью обобщенного оператора осреднения M_p :

$$X \times U \xrightarrow{M_p} [0, 1] \times U,$$

а затем уже в пространстве $[0, 1] \times U$ осуществляется аналитическая аппроксимация, что упрощает поиск требуемого управления.

Особенностью предложенного алгоритма является также возможность адаптации к нечеткостям и настройка на логику пользователя.

ИСПОЛЬЗОВАННЫЕ ИСТОЧНИКИ

1. Прикладные нечеткие системы / Под ред. Т. Тэрано, К. Асаи, М. Сугэно. — М. : Мир, 1993.
2. Аверкин А. Н., Головина Е. Ю., Сергиевский А. Е. Проектирование нечетких регуляторов на основе триангулярных норм // Изв. АН СССР. Сер. Теория и системы управления. — 1997. — № 5. — С. 112–118.
3. Нечеткие множества в моделях управления и искусственного интеллекта / Под ред. Д. А. Поспелова. — М. : Наука, 1986.
4. Стечкин С. Б., Субботин Ю. Н. Сплайны в вычислительной математике. — М. : Наука, 1976.