

# ВЗАИМОДЕЙСТВІЕ ПОТОКОВ ЗАРЯЖЕННИХ ЧАСТИЦ, НАВЕДЕНИХ ЭМИ, С ЕЛЕКТРОМАГНІТНЫМИ КОЛЕБАННЯМИ ПОЛУПРОВОДНИКОВЫХ КОМПЛЕКТУЮЩИХ ЕЛЕКТРОРАДІОІЗДЕЛІЙ

Кравченко В.И., д.т.н., проф., Яковенко И.В., к.ф.-м.н., с.н.с., Лосев Ф.В., м.н.с.

НИПКИ "Молния" Национального технического университета "Харьковский политехнический институт"

Украина, 61013, Харьков, ул. Шевченко, 47, НИПКИ "Молния" НТУ "ХПИ"

тел. (0572) 707-61-33, факс (0572) 707-61-33, e-mail: nirkimolnuya@kpi.kharkov.ua

*Запропонована аналітична модель механізму взаємодії струмів, що виникають внаслідок дії імпульсного електромагнітного випромінювання у провідних елементах електрорадіовиробів, з власними електромагнітними коливаннями структур метал-діелектрик-напівпровідник. Визначено енергетичні втрати потоку заряджених частинок, що обумовлені взаємодією такого роду, на збудження коливань у субміліметровому діапазоні.*

*Предложена аналитическая модель механизма взаимодействия токов, возникающих вследствие воздействия электромагнитного излучения в проводящих элементах электрорадиоизделий с собственными электромагнитными колебаниями структур метал-диэлектрик-полупроводник. Определены потери энергии потоков заряженных частиц, обусловленные взаимодействием такого рода, на возбуждение колебаний в субмиллиметровом диапазоне.*

## ВВЕДЕНИЕ

Расширение областей применения и возрастание быстродействия радиоэлектронной аппаратуры (РЭА) приводит к необходимости все большего использования элементной базы, содержащей изделия полупроводниковой электроники [1]. Это увеличивает степень влияния внешнего электромагнитного излучения (ЭМИ) на работоспособность РЭА, к воздействию которого полупроводниковые комплектующие обладают повышенной чувствительностью.

Все многообразие отказов, возникающих в РЭА как результат воздействия сторонних факторов, принято разделять на обратимые и необратимые [2]. Необратимые отказы характеризуются полной утратой работоспособности РЭА. Они наступают в случае, когда изменение внутренних параметров аппаратуры превышает допустимые пределы (при воздействии внешнего ЭМИ необратимые отказы обычно возникают вследствие теплового пробоя комплектующих). Для обратимых отказов характерна временная потеря работоспособности, приводящая к искажению выходных характеристик.

Большинство имеющихся теоретических и экспериментальных результатов исследований влияния ЭМИ на радиоизделия относятся к области необратимых отказов. Моделирование механизмов взаимодействия наведенных ЭМИ токов и напряжений с процессами, характеризующими функциональное назначение изделий, обычно проводится в рамках теории цепей с распределенными параметрами. Этот подход позволяет оценить критерии работоспособности в целом (например, оценить критическую энергию, характеризующую тепловую пробой), однако вопросы связанные с определением различного рода электромагнитных взаимодействий, протекающих непосредственно в комплектующих изделия при воздействии ЭМИ остаются открытыми.

Настоящая работа в определенной степени компенсирует существующий пробел в этой области исследований обратимых отказов. В ней исследуется взаимодействие потоков заряженных частиц, наведенных ЭМИ, с волновыми процессами в полупроводниковых структурах, используемых в современной СВЧ-электронике.

## ОСНОВНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Объектом исследования является структура, состоящая из полупроводниковой пластины, окруженной полубесконечными средами, одна из которых является диэлектриком, а другая металлом. Предполагается, что в результате воздействия ЭМИ, вдоль границы металл полупроводник возникает поток заряженных частиц, который теряет часть своей энергии на возбуждение собственных электромагнитных колебаний такой структуры. В статье исследуются дисперсионные характеристики данной структуры и механизмы взаимодействия потока заряженных частиц с электростатическими колебаниями. Получены выражения для собственных частот и определены энергетические потери наведенных ЭМИ токов на их возбуждение в миллиметровом и субмиллиметровом диапазонах электромагнитных волн.

Исследуемая модель взаимодействия наведенных токов и колебаний в полупроводниковых комплектующих электрорадиоизделий (ЭРИ) является достаточно универсальной и позволяет рассмотреть ряд частных случаев наиболее интересных при проведении экспериментов по определению критерии стойкости в области обратимых отказов.

Для нахождения спектра электростатических колебаний подобной структуры воспользуемся следующими уравнениями электростатики:

$$\begin{aligned} \operatorname{rot} \vec{E} &= 0 \\ \operatorname{div} \vec{D} &= 0. \end{aligned} \quad (1)$$

Вектор электрической индукции  $\vec{D}(r, t)$  связан с электрическим полем  $\vec{E}(\vec{r}, t)$  материальным уравнением:

$$\vec{D}(r, t) = \int_{-\infty}^t \epsilon(t-t') \vec{E}(\vec{r}, t') dt' .$$

Выбираем систему отсчета таким образом, что ось  $y$  направлена перпендикулярно границам раздела, а оси  $x, z$  параллельны им. Вдоль оси  $x, z$  система предполагается безграничной.

Пусть пластина с  $\epsilon = \epsilon_1$  занимают область  $-d \leq y \leq d$ ; полупространство  $-\infty \leq y \leq -d$  - среда "2" с  $\epsilon = \epsilon_2$ , полупространство  $d \leq y \leq +\infty$  - среда "3" с  $\epsilon = \epsilon_3$ .

На границах раздела сред  $y=\pm d$  выполняются условия непрерывности тангенциальных составляющих электрического поля и непрерывности нормальных составляющих вектора индукции.

При  $y = \pm\infty$  все переменные величины, входящие в уравнения (1) обращаются в нуль.

Поле  $\vec{E}(\vec{r}, t)$  представим в виде:

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}(y) \exp(i(q\rho - \omega t)),$$

где  $q$  - волновой вектор,  $\omega$  - частота колебаний,  $\rho = \rho(x, z)$ . Поскольку среда предполагается изотропной, то ось  $x$  можно направить вдоль волнового вектора  $q$ . При этом

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}(x, y, t); \quad \vec{E} = (E_x, E_y).$$

Решение системы (1) принимает следующий вид:

$$\begin{aligned} E_x(y) &= E_2 \exp(qy), -\infty < y < -d \\ E_x(y) &= E_1 \exp(qy) + E_0 \exp(-qy), -d < y < d \\ E_x(y) &= E_3 \exp(-qy), d < y < \infty \end{aligned} \quad (2)$$

$$E_y = \frac{1}{iq} \frac{\partial E_x}{\partial t}; \quad q > 0.$$

Воспользовавшись граничными условиями при  $y=\pm d$ , получим следующий закон дисперсии собственных колебаний системы:

$$(\varepsilon_1 + \varepsilon_2)(\varepsilon_1 + \varepsilon_3) = (\varepsilon_1 - \varepsilon_2)(\varepsilon_1 - \varepsilon_3) \exp(-4qd), \quad (3)$$

где  $\varepsilon_i(\omega) = \int_{-\infty}^t \varepsilon_i(\tau) \exp(i\omega\tau) d\tau$  - диэлектрическая проницаемость  $i$ -ой среды. В дальнейшем для плазмоподобных сред предполагается, что

$$\varepsilon_i(\omega) = \varepsilon_{0i} - \frac{\omega_{0i}^2}{\omega^2}; \quad \omega_{0i}^2 = \frac{4\pi e^2 n_{0i}}{m_i},$$

$n_{0i}, m_i$  - концентрация, эффективная масса электронов проводимости среды,  $\varepsilon_{0i}$  - диэлектрическая постоянная кристаллической решетки. Эти выражения для  $\varepsilon_i$  получаются из уравнения движения электронов проводимости.

Константы  $E_i$  связаны между собой следующими соотношениями:

$$\begin{aligned} E_2 &= \frac{2\varepsilon_1 E_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2}; \quad E_0 = \frac{\varepsilon_1 + \varepsilon_2 E_1}{\varepsilon_1 + \varepsilon_2} \cdot \exp(-2qd), \\ E_2 &= \frac{2\varepsilon_1 E_1}{\varepsilon_1 - \varepsilon_3} \cdot \exp(2qd) \end{aligned} \quad (4)$$

При больших волновых числах ( $qd \gg 1$ ) получаем два независимых решения:  $\varepsilon_1 + \varepsilon_2 = 0$  и  $\varepsilon_1 + \varepsilon_3 = 0$  описывающих поверхностные плазменные колебания на единственных границах  $y = \pm d$  сред "1-2" и "1-3". В противоположном предельном случае ( $d \rightarrow 0$ ) имеем плазменные поверхностные колебания на границе сред "2" и "3"  $\varepsilon_3 + \varepsilon_2 = 0$ . При малых, но конечных  $qd$ , возникают также плазменные колебания в слое  $\varepsilon_1(\omega) = 0$ . Нетрудно убедиться, что добавки к собственным частотам

$$\omega_1 = \frac{\omega_{01}}{\sqrt{\varepsilon_{01}}}, \quad \omega_2^2 = \sqrt{\frac{\omega_{02}^2 + \omega_{03}^2}{\varepsilon_{02} + \varepsilon_{03}}}$$

пропорциональны волновому числу. Зависимость

$\omega = \omega(q)$  при произвольных  $qd$  легко получить, поскольку уравнение (3) относительно  $\omega$  является биквадратным (в отсутствие столкновений).

Из уравнения (3) следует:

$$\omega_{1,2}^2 = \frac{\Omega_1^2}{2} \cdot \left\{ 1 + \frac{\alpha + \beta}{2} \pm \sqrt{1 + \frac{\alpha + \beta}{2} - 2 \cdot \frac{\alpha + \beta + (1 + \alpha\beta) \cdot th(2qd)}{1 + th(2qd)}} \right\}. \quad (5)$$

Здесь мы для упрощения формул предположили:

$$\varepsilon_{01} = \varepsilon_{02} = \varepsilon_{03} = \varepsilon_0; \quad \Omega_i^2 = \frac{\omega_{0i}^2}{\varepsilon_0}; \quad \Omega_2^2 = \alpha\Omega_1^2; \quad \Omega_3^2 = \beta\Omega_1^2$$

$\alpha$  и  $\beta$  - действительные числа, выражающие связь между концентрациями носителей заряда в различных средах. Примером такой системы являются, например, "p-n" переходы при  $y = \pm d$  (очевидно, что такое предположение не ограничивает общности полученных результатов).

Интересно отметить одно обстоятельство, связанное с симметрией системы. Если в выражении (3) положить  $\varepsilon_2 = \varepsilon_3$ , то оно распадается на два независимых уравнения:

$$\varepsilon_2 + \varepsilon_1 = (\varepsilon_1 - \varepsilon_2) \exp(-2qd) \quad (6)$$

Уравнение со знаком "+" описывает колебания с симметричным распределением тангенциальной составляющей поля в слое  $E_x(-d) = E_x(d)$ , второе - с антисимметричным распределением  $E_x(-d) = -E_x(d)$ .

Далее, если среда "1" является диэлектриком с  $\varepsilon_1 = \varepsilon_d$ , а вторая - полупроводником, представляющим собой полупроводниковую плазму с  $\varepsilon_2 = \varepsilon(\omega)$ , где  $\varepsilon(\omega) = \varepsilon_0 - \frac{\omega_0^2}{\omega^2}$ , то спектры симметричных и антисимметричных колебаний имеют следующий вид:

$$\omega_1(q) = \frac{\omega_0}{\sqrt{\varepsilon_0 + \varepsilon_d th(qd)}} \quad (7)$$

$$\omega_2(q) = \frac{\omega_0}{\sqrt{\varepsilon_0 + \varepsilon_d cth(qd)}} \quad (8)$$

Напротив, в случае  $\varepsilon_1 = \varepsilon(\omega)$  и  $\varepsilon_2 = \varepsilon_d$  спектр симметричных колебаний описывается формулой (8), а антисимметричных - формулой (7).

Для структуры металл-диэлектрик-полупроводник  $\varepsilon_2 \rightarrow \infty; \varepsilon_1 = \varepsilon_d; \varepsilon_3 = \varepsilon(\omega)$  существует лишь одна ветвь с законом дисперсии (8):

$$\omega_2(q) = \frac{\omega_0}{\sqrt{\varepsilon_0 + \varepsilon_d cth(qd)}}$$

Рассмотрим теперь взаимодействие тока, наведенного внешним ЭМИ, с электростатическими колебаниями в структуре металл-диэлектрик-полупроводник. Этот ток локализован на поверхности металла ( $y = -d$ ) и имеет вид:

$$J(x, y, t) = J_0 \delta(y + d) \delta(x - v_0 t). \quad (9)$$

Здесь  $J_0 = ev_0 n_{0b}$ ;  $e, v_0, n_{0b}$  - соответственно заряд, постоянная скорость и концентрация электронов пучка. Спектр электромагнитных колебаний, возбуж-

даемых в диэлектрике движущимся вдоль оси  $OX$  зарядом, для потенциальных возмущений имеет вид:

$$\begin{aligned} \operatorname{rot} \vec{E} &= 0 \\ \operatorname{div} \vec{D} &= 4\pi e \delta(y+d) \delta(x-v_0 t). \end{aligned} \quad (10)$$

Внешние источники (наведенные ЭМИ токи) изменяют энергию электромагнитного поля в структуре полупроводник-диэлектрик. Энергетические потери движущегося заряда на возбуждение этих полей описывается выражением [3]:

$$\frac{\partial W}{\partial t} = ev_0 E_x^{(\text{св})}(z=0, y=-d, x=v_0 t). \quad (11)$$

где  $E_x^{(\text{св})}(z, y, x, t)$  – свободное поле в структуре диэлектрик-полупроводник, представляющее собой решение однородных уравнений Максвелла (1).

Величины  $\vec{E}(z, y, x, t)$  для неоднородных уравнений Максвелла (10) имеют вид:

$$\begin{aligned} E_x(q, y, t) &= \frac{i\omega \cdot \exp i(q(d+y)-i\omega t)}{2\pi v_0 \cdot \sqrt{k_z^2 + \omega^2/v_0^2}} \\ E_y(q, y, t) &= \frac{i\omega}{2\pi} \exp i(q(d+y)-i\omega t). \end{aligned} \quad (12)$$

Используя граничные условия непрерывности тангенциальных составляющих  $\vec{E}$  и нормальных составляющих вектора индукции электрического поля  $\vec{D}$  на границе раздела сред диэлектрик полупроводник ( $y=0$ ), можно выразить неопределенные константы  $E_1, E_3$  (решения однородных уравнений Максвелла(2)) через электрическое поле движущегося заряда (решения неоднородных уравнений Максвелла (12)). В результате, переходя к интегрированию формулы (11) в фазовом пространстве волновых векторов и частот, определим величину потерь энергии заряда на возбуждение антисимметричной моды в структуре металл-диэлектрик-полупроводник:

$$\frac{\partial W}{\partial t} = -\frac{e^2}{v_0} \cdot \frac{\omega_0^2}{(\epsilon_0 + \epsilon_q \operatorname{cth}(qd))^{3/2}} \ln(L/d). \quad (13)$$

Наличие множителя  $\ln(L/d)$  связано с тем, что пределы интегрирования в фазовом пространстве  $q_z$  определяются размерами системы  $L$  в направлении оси  $OZ$  и расстоянием от поверхности металла (области локализации наведенного ЭМИ тока) до границы диэлектрик-полупроводник  $d$ .

Вклад в выражение для потерь энергии (11) по частоте дают полюса подинтегральной функции. Их наличие связано с черенковским взаимодействием движущегося заряда и электростатическими колебаниями структуры ( $\omega = q_x v_0$ ) [4].

При воздействии стороннего ЭМИ над границей диэлектрик-полупроводник движется поток заряженных частиц, распределение которых в импульсном пространстве описывается функцией:

$$f(\vec{p}) = n_0 \delta(p_x - p_0) \delta(p_z) \delta(p_y); \quad p_0 = mv_0 \quad (14)$$

то, чтобы оценить величину потерь необходимо в формуле (13) провести суммирование по всем скоростям частиц. Это приведет к появлению в правой части выражения (13) множителя  $n_0 V$ , где  $V$  - объем, занимаемый наведенным током.

## ЧИСЛЕННЫЕ ОЦЕНКИ ПОЛУЧЕННЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ

В табл. 1 приведены численные оценки потерь энергии наведенных ЭМИ токов на возбуждение электростатических колебаний для ряда полупроводниковых структур [5], используемых в современной СВЧ-электронике.

Амплитуда тока  $J \approx 100$  мка, длительность импульса прямоугольной формы 1 мкс.

Таблица 1

Структура МДП	Концентрация носителей $n_0$ (см) <sup>-3</sup> Толщина диэлектрика $d$ (см)	Потери энергии $W$ (Дж)
Au-Si <sub>3</sub> N <sub>4</sub> -GaAs	$n_0 = 5 \times 10^{14}$ $d = 3 \times 10^{-4}$	$W = 2 \times 10^{-7}$
Au-Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> -AlGaAL	$n_0 = 1,3 \times 10^{15}$ $d = 2 \times 10^{-4}$	$W = 3 \times 10^{-7}$
Au-SiO <sub>2</sub> -CuInAs	$n_0 = 3,6 \times 10^{14}$ $d = 9 \times 10^{-5}$	$W = 2 \times 10^{-8}$
Au-Si <sub>3</sub> N <sub>4</sub> -AlGaAL	$n_0 = 1,2 \times 10^{15}$ $d = 3 \times 10^{-3}$	$W = 4 \times 10^{-8}$
Au-Si <sub>3</sub> N <sub>4</sub> -Si	$n_0 = 3 \times 10^{15}$ $d = 1,6 \times 10^{-4}$	$W = 7 \times 10^{-8}$
Au-Al <sub>3</sub> O <sub>2</sub> -Si	$n_0 = 3 \times 10^{15}$ $d = 3,6 \times 10^{-5}$	$W = 4 \times 10^{-8}$
Au-SiO <sub>2</sub> -Si	$n_0 = 3 \times 10^{15}$ $d = 3 \times 10^{-4}$	$W = 3 \times 10^{-8}$

## ВЫВОДЫ

1. Предложена модель взаимодействия наведенных внешним ЭМИ токов с электростатическими колебаниями структуры металл-диэлектрик-полупроводник (МДП), основанная на реализации резонансного (черенковского) взаимодействия движущихся зарядов и электромагнитных колебаний в условиях, когда совпадают фазовая скорость волны и скорость заряженной частицы.

2. Получены расчетные соотношения, связанные величину энергетических потерь наведенных токов с параметрами МДП-структур: концентрацией свободных носителей, диэлектрической проницаемостью, размерами структуры.

3. Приведенные количественные оценки показывают, что величина энергии излучения лежит в пределах чувствительности современных приемников излучения субмиллиметрового диапазона

$$\left( \frac{\partial W}{\partial t} \approx 10^{-11} \text{ Вт} \right).$$

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Мырова Л.О., Чепиженко А.З. Обеспечение стойкости аппаратуры связи к ионизирующему электромагнитным излучениям. - М.:Радио и связь, 1988 , 235 с.
- [2] Михайлов М.И., Разумов Л.Д., Соколов С.А. Электромагнитные влияния на сооружения связи. – М. :Радио и связь. – 1979. – 225 с.
- [3] Стил М., Вюраль Б. Взаимодействие волн в плазме твердого тела. – М.; Атомиздат – 1973. – 312 с.
- [4] Белецкий Н.Н., Светличный В.М., Халамейда Д.Д., Яковенко В.М. Электромагнитные явления СВЧ-диапазона в неоднородных полупроводниковых структурах. – Киев. : Наукова думка. – 1991. – 216 с.
- [5] Зи С. Физика полупроводниковых приборов. – М.: Мир. – 1984. – 456 с.

Поступила 11.01.2006