

МЕТОД РОЗРАХУНКУ ПЕРЕХІДНИХ ПРОЦЕСІВ АСИНХРОННИХ ДВИГУНІВ ВИСОКОІНЕРЦІЙНИХ ЕЛЕКТРОПРИВОДІВ

Маляр В.С., д.т.н., проф.
 Національний університет "Львівська політехніка"
 Україна, 79013, Львів, вул. С.Бандери, 12, НУ "ЛП",
 кафедра теоретичної та загальної електротехніки,
 тел. (032) 258-21-19

Маляр А.В., к.т.н
 Національний університет "Львівська політехніка"
 Україна, 79013, Львів, вул. С.Бандери, 12, НУ "ЛП",
 кафедра електроприводу і автоматизації промислових установок,
 тел. (032) 258-25-64 , e-mail: svmalyar@polynet.lviv.ua

Запропоновано метод розрахунку переходних процесів в асинхронних двигунах, які працюють з механізмами, що мають значний момент інерції. Метод дає змогу отримати часові залежності координат режиму з урахуванням насищення та витеснення струму в стержнях ротора на підставі чисельного інтегрування рівняння руху електроприводу з використанням сукупності координат попередньо розрахованих усталених режимів, які відповідають різним значенням ковзання.

Предложен метод расчета переходных процессов в асинхронных двигателях, работающих с механизмами, имеющими значительный момент инерции. Метод позволяет получить временные зависимости координат режима с учетом насыщения и вытеснения тока в стержнях ротора на основе численного интегрирования уравнения движения электропривода с использованием совокупности координат предварительно рассчитанных установленных режимов, которые соответствуют различным значениям скольжения.

ВСТУП

Під час проектування асинхронних двигунів (АД) з короткозамкненим ротором, які призначені для приводу високоінерційних механізмів, та систем керування ними необхідно з метою оптимізації виконувати багаторазово розрахунок процесів їх пуску. В результаті такого розрахунку визначають їх відповідність технічним умовам, серед яких найбільш важливими є: значення пускового моменту, залежність електромагнітного моменту і струмів контурів від ковзання, час пуску, а також нагрівання активної частини двигуна та інші. Отже, дослідження пускових режимів АД методами математичного моделювання має важливе значення.

Відомо [1], що для приводу таких механізмів використовуються глибокопазні двигуни, тому математична модель АД повинна з достатньою точністю враховувати явище витеснення струму в стержнях ротора. Крім того, на електромагнітні процеси значний вплив має насищення магнітопроводу. Математичні моделі, які дають змогу враховувати всі ці чинники досить складні, а досягнути точності результатів розрахунку, яка б давала змогу відмовитись від натуруних експериментів, на підставі використання простих математичних моделей АД неможливо. Розрахунок переходних процесів високоінерційних електроприводів з урахуванням змінного насищення магнітопроводу на шляху головного магнітного потоку та потоків розсіювання, а також (що є визначальним) витеснення струму в стержнях ротора потребує великого обсягу обчислень, що є перешкодою для розроблення систем керування електроприводами, які б працювали в реальному часі протікання процесу.

СУТЬ МЕТОДУ

В статті пропонується алгоритм розрахунку переходних процесів АД високоінерційних електроприводів, який дає змогу врахувати витеснення струмів в стержнях ротора та насищення магнітопроводу і не вимагає значних обчислювальних затрат. Суть методу полягає в наступному.

Враховуючи, що електромагнітні переходні процеси в контурах АД згасають швидко і аперіодично складові струмів спадають до нуля протягом перших кількох періодів, тривалість переходного процесу визначає механічна постійна часу, яка може складати десятки секунд. Звідси випливає, що процес пуску, за виключенням перших кількох періодів, можна розглядати як сукупність квазіперіодичних процесів, оскільки на кожному періоді зміни прикладеної напруги струми обмоток є майже періодичними. Отже, якщо мати залежність середнього за період значення електромагнітного моменту M_e від ковзання s

$$M_e = M_e(s), \quad (1)$$

то розрахунок процесу пуску можна здійснити на підставі одного диференціального рівняння (ДР) динаміки механічної частини електроприводу

$$\frac{ds}{dt} = -\frac{p}{\omega_0 \cdot J} \cdot (M_e(s) + M_e), \quad (2)$$

де p – кількість пар полюсів АД; ω_0 – частота напруги живлення; J – сумарний момент інерції двигуна та робочого механізму, приведений до валу двигуна.

Для отримання під час чисельного інтегрування ДР (2) не тільки значень ковзання s , але й струмів обмоток статора та стержнів ротора необхідно попередньо, крім залежності (1), розрахувати багатовимірну

залежність вектора діючих значень струмів контурів від ковзання

$$\vec{I} = \vec{I}(s). \quad (3)$$

Залежності (1), (3) повинні бути відомі у вигляді таблиці значень, обчислених з певним кроком по s . У процесі інтегрування ДР (2) на кожному кроці значення струмів можна знайти за відомим значенням ковзання s шляхом інтерполяції табличних значень вектора та електромагнітного моменту. Отже, розрахунок перехідного електромеханічного процесу за рівнянням (2) вимагає попереднього розрахунку з урахуванням насичення магнітопроводу АД і витиснення струму в його стержнях залежностей (1), (3), що зводиться до розрахунку ряду (за кількістю значень s) усталених періодичних режимів при постійному значенні ковзання. Розглянемо алгоритм їх отримання.

З метою врахування скін-ефекту в стержнях ротора разом з насиченням магнітопроводу по шляхах розсіяння пазову частину стержня, а також короткозамикаючі кільца ротора розділимо по висоті на n шарів [2] в межах яких густота струму вважається постійною. В результаті матимемо на роторі n короткозамкнених обмоток між якими існують взаємодії індуктивні зв'язки як за рахунок основного магнітного потоку, так і потоків розсіяння. Короткозамкнена обмотка ротора приведена за кількістю витків і фаз до обмотки статора згідно з викладеним в [1, 5].

На відміну від викладеного в [2], де власні та взаємні індуктивності між елементами стержня вважаються постійними, в даній роботі враховується насичення, зумовлене основним магнітним потоком, а також потоками розсіювання, які замикаються через шліци. Постійними вважаються лише індуктивності, які зумовлені потоками розсіювання, що замикаються поперек пазів. Вони обчислюються за відомою геометрією пазів [1].

Ефективність алгоритму розрахунку залежить в значній мірі від вибору координатних осей. Враховуючи, що розглядається симетричний АД, найбільш раціональною є система координатних осей x, y [3]. Очевидно, що при цьому приймається допущення про синусний розподіл намагнічувальних сил обмоток статора і ротора, що дає змогу використовувати теорію зображення векторів потокозчеплень та струмів [4]. Для контурів статора таке припущення близьке до реального, а для ротора – наближене.

В усталеному режимі роботи АД (при постійному ковзанні s) рівняння електромагнітної рівноваги перетворених до осей x, y контурів статора мають вигляд

$$\Omega_s \cdot \vec{\Psi}_s + R_s \cdot \vec{i}_s = \vec{u}, \quad (4)$$

де $\vec{\Psi}_s = (\psi_{sx}, \psi_{sy})^*$, $\vec{i}_s = (i_{sx}, i_{sy})^*$ – вектори потокозчеплень та струмів перетворених контурів статора (верхній символ (*) означає транспонування); $R_s = diag(R_{sx}, R_{sy})$ – діагональна матриця активних опорів контурів статора; $\vec{u} = (u_x, u_y)^*$ – вектор прикладених напруг;

$$\Omega_s = \begin{array}{|c|c|} \hline & -\omega_0 \\ \hline \omega_0 & \\ \hline \end{array}$$

Аналогічно рівняння для контурів ротора за умови розбиття стержня по висоті на n елементів при постійному ковзанні мають вигляд

$$s \cdot \Omega_r \cdot \vec{\Psi}_r + R_r \cdot \vec{i}_r = 0, \quad (5)$$

де $\vec{\Psi}_r = (\psi_{rx1}, \psi_{ry1}, \dots, \psi_{rxn}, \psi_{ryn})^*$ – вектор потокозчеплень еквівалентних контурів ротора;

$\vec{i}_r = (i_{rx1}, i_{ry1}, \dots, i_{rxn}, i_{ryn})^*$ – вектор струмів цих контурів;

$R_r = diag(R_{rx1}, R_{ry1}, \dots, R_{rxn}, R_{ryn})^*$ – діагональна матриця активних опорів;

$$\Omega_r = \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & -\omega_0 & \dots & & \\ \hline \omega_0 & & \dots & & \\ \hline \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ \hline & \dots & & & -\omega_0 \\ \hline & \dots & \omega_0 & & \\ \hline \end{array}.$$

Розв'язком нелінійної системи рівнянь (4), (5) є вектор $\vec{i} = (\vec{i}_s, \vec{i}_r)$ розмірності $m = 2(2+n)$, який складається з векторів струмів статора і ротора. АД і якому відповідає вектор $\vec{\Psi} = (\vec{\Psi}_s, \vec{\Psi}_r)$ потокозчеплень усіх контурів та значення електромагнітного моменту

$$M_e = 1.5 \cdot p \cdot (\psi_{sx} \cdot i_{sy} - \psi_{sy} \cdot i_{sx}).$$

Векторні рівняння (4), (5) нелінійні внаслідок зумовленої насиченням нелінійної залежності потокозчеплення кожного контура від струмів усіх контурів статора і ротора, тому його розв'язування може бути здійснене одним із чисельних ітераційних методів, наприклад, Ньютона. Однак, як відомо, він є локально збіжним, тому існує проблема пошуку початкового наближення, яке б знаходилося в околі збіжності методу. Крім того, розв'язання рівнянь (4), (5) при постійному ковзанні дає лише одну точку залежності (3). Отримати всю характеристику (3) в інтервалі зміни ковзання від $s = 0$ до $s = 1$ можна наступним чином.

Диференціюємо векторні рівняння (4), (5) по s , враховуючи, що потокозчеплення кожного контура є нелінійною функцією струмів контурів статора та ротора, а струми в свою чергу залежать від ковзання s . В результаті отримаємо

$$\Omega_s \cdot \frac{\partial \vec{\Psi}_s}{\partial \vec{i}} \cdot \frac{d\vec{i}}{ds} + R_s \cdot \frac{d\vec{i}_s}{ds} = 0; \quad (6)$$

$$\Omega_r \cdot \vec{\Psi}_r + s \cdot \Omega_r \cdot \frac{\partial \vec{\Psi}_r}{\partial \vec{i}} \cdot \frac{d\vec{i}}{ds} + R_r \cdot \frac{d\vec{i}_r}{ds} = 0. \quad (7)$$

ДР (6), (7) складають систему m рівнянь стосовно вектора похідних $d\vec{i}/ds$ струмів по ковзанню s , яку можна записати у вигляді одного ДР

$$\left(\begin{array}{|c|c|} \hline \Omega_s & \\ \hline \Omega_r & \\ \hline \end{array} \right) \times \left(\begin{array}{|c|c|} \hline \frac{\partial \vec{\Psi}_s}{\partial \vec{i}} / \frac{d\vec{i}}{ds} & \\ \hline \frac{\partial \vec{\Psi}_r}{\partial \vec{i}} / \frac{d\vec{i}}{ds} & \\ \hline \end{array} \right) + \left(\begin{array}{|c|c|} \hline R_s & \\ \hline R_r & \\ \hline \end{array} \right) \times \frac{d\vec{i}}{ds} = \left(\begin{array}{|c|c|} \hline & \\ \hline & \\ \hline \end{array} \right) = \left(\begin{array}{|c|c|} \hline & \\ \hline -\Omega_r & \\ \hline \end{array} \right) \times \left(\begin{array}{|c|c|} \hline \vec{\Psi}_s & \\ \hline \vec{\Psi}_r & \\ \hline \end{array} \right). \quad (8)$$

Похідні $\partial\vec{\Psi}_s/\partial\vec{i}$ та $\partial\vec{\Psi}_r/\partial\vec{i}$ утворюють повну матрицю диференціальних індуктивностей, яка визначається на основі викладеного в [4].

Для отримання багатовимірної залежності (3) необхідно проінтегрувати ДР (8) по s , визначаючи на кожному кроці матрицю диференціальних індуктивностей та вектор потокозчеплень усіх контурів, які представляються у вигляді суми робочих потокозчеплень та потокозчеплень розсіювання

$$\psi_j = \psi_{\delta j} + \psi_{\sigma j}.$$

Робоче поле АД створюється результатуючою намагнічувальною силою контурів, яку можна представити зображенням вектором струму \vec{i}_{μ} намагнічування. Цьому вектору відповідає колінеарний йому вектор $\vec{\Psi}_{\mu}$ робочого потокозчеплення. Залежність між модулями цих векторів відображає характеристика намагнічування основного магнітного шляху

$$\psi_{\mu} = \psi_{\mu}(i_{\mu}).$$

Потокозчеплення розсіювання обмотки статора є нелінійною функцією струмів контурів статора, що відображається характеристикою

$$\psi_{ss} = \psi_{ss}(i_s),$$

де ψ_{ss} , i_s – модулі зображення векторів потокозчеплення розсіювання та струму обмотки статора. Воно складається з потокозчеплення лобового і диференціального розсіювання, які лінійно залежать від струмів статора, та пазового розсіювання, яке є нелінійною функцією струму статора. Аналогічно потокозчеплення розсіювання обмоток ротора залежить лише від струмів обмотки ротора. Потокозчеплення кожного стержня складається із суми тих, що лінійно залежать від струмів ротора (лобового, диференціального і тієї частини пазового, яка замикається поперек пазів в тій частині, що зайніята стержнем), та шліщевого розсіювання, яке внаслідок насичення є нелінійною функцією струму стержня. Для цього використовується крива намагнічування

$$\psi_{uu} = \psi_{uu}(i_r).$$

Важливим питанням є отримання початкових умов – значень струмів контурів при $s = 0$. Розглянемо його.

При ідеальному неробочому режимові ($s = 0$) струми в контурах ротора відсутні, тобто $\vec{i}_r = 0$. Для знаходження значення вектора \vec{i}_r достатньо розв'язати нелінійну систему (4). При цьому можна вважати вісь x сумішеною із зображенням вектором напруги статора, тоді вектор \vec{U} , де U_m – амплітудне значення прикладеної напруги статора.

Для розв'язування рівняння (4) введемо в нього параметр λ , ($0 \leq \lambda \leq 1$), домноживши вектор \vec{U} на λ . Після диференціювання по λ отримаємо систему ДР

$$\begin{bmatrix} -\omega_0 \cdot L_{syx} + R_{sx} & -\omega_0 \cdot L_{syy} \\ \omega_0 \cdot L_{sxx} & \omega_0 \cdot L_{sxy} + R_{sy} \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} \vec{d}\vec{i}_{sx}/d\lambda \\ \vec{d}\vec{i}_{sy}/d\lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} U_m \\ 0 \end{bmatrix}. \quad (9)$$

Проінтегрувавши одним із чисельних методів систему ДР (9) по λ в межах від $\lambda = 0$ до $\lambda = 1$ за нульових початкових умов отримаємо значення струмів i_{sx} , i_{sy} і за кривими намагнічування відповідні їм потокозчеплення ψ_{sx} , ψ_{sy} , які можуть бути уточнені за методом Ньютона і є початковими умовами для інтегрування системи ДР (8).

ВИСНОВКИ

Запропонований метод розрахунку дає змогу розраховувати переходні процеси в асинхронних електроприводах високоінергійних механізмів з урахуванням насичення магнітопроводу АД та витіснення струму в стержнях ротора з невеликими затратами машинного часу і високою адекватністю, що дає змогу використовувати його для аналізу роботи системи електроприводу в реальному часі протікання процесу і формувати керуючі впливи з метою оптимізації режиму роботи.

ЛІТЕРАТУРА

- [1] Иванов–Смоленский А.В. Электрические машины.– М.:Энергия, 1980. – 928 с.
- [2] Клоков Б.К. Практические методы учета эффекта вытеснения тока в стержнях произвольной конфигурации//Электротехника.–1970. – № 6. – С. 48-51.
- [3] Копылов И.П.,Фильц Р.В., Яворский Я.Я. Об уравнениях асинхронной машины в различных системах координат//Известия вузов СССР. Электромеханика. – 1986. – №3. – С. 22-33.
- [4] Фильц Р.В. Математические основы теории электромеханических преобразователей. – К.:Наукова думка, 1979.–208 с.
- [5] Копылов И.П. Математическое моделирование электрических машин. – М.: Высшая школа, 2001. – 327.

Надійшла 17.07.2005