# Проявление двумерного поведения ҮВСО пленок при исследовании их комплексной восприимчивости

В. А. Хохлов, А. Ю. Прохоров, В. Ф. Дроботько, Г. Г. Левченко

Донецкий физико-технический институт им. А. А. Галкина НАН Украины ул. Р. Люксембург, 72, г. Донецк, 83114, Украина E-mail: prohorov@levch.fti.ac.donetsk.ua

### А. В. Климов

Институт физики ПАН, 12-668, Варшава, Польша

Статья поступила в редакцию 21 января 2002 г.

Исследованы температурные зависимости комплексной магнитной восприимчивости  $\chi' + \chi''$  ряда YBCO пленок при различных амплитудах возбуждающего поля  $H_{ac}$ . На зависимости температуры  $T_m$ , при которой наблюдается максимум на зависимости  $\chi''(T)$ , от  $H^{\alpha}_{ac}$  (параметр  $\alpha = 1, 1/2, 2/3$  и определяется характером связей между кристаллитами) обнаружен излом при некотором поле  $H_{ac} = H_1^*$ . Предполагается, что температура  $T_{c1}$ , полученная экстраполяцией зависимости  $T_m(H^{2/3}_{ac})$  из области больших полей к нулевому полю, является температурой перехода Березинского-Костерлица-Таулесса ( $T_{BKT}$ ). Это предположение основано на сопоставлении полученных результатов с литературными данными по исследованию комплексной восприимчивости монокристалла GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub> при направлениях  $H_{ac}$  параллельно c оси монокристалла и вдоль ab-плоскости, а также совпадении расчетных величин некоторых характерных температур вблизи БКТ перехода с полученными нами экспериментально.

Досліджено температурні залежності комплексної магнітної сприйнятливості  $\chi' + \chi''$  ряду YBCO плівок при різних амплітудах збуджуючого поля  $H_{ac}$ . На залежності температури  $T_m$ , при якій спостерігається максимум на залежності  $\chi''(T)$ , від  $H_{ac}^{\alpha}$  (параметр  $\alpha = 1, 1/2, 2/3$  та визначається характером зв'язків між кристалітами) знайдено злом при деякім полі  $H_{ac} = H_1^*$ . Передбачається, що температура  $T_{c1}$ , яка одержана екстраполяцією залежності  $T_m(H_{ac}^{2/3})$  із області великих полів до нульового поля, є температурою перехода Березинського-Костерлиця-Таулесса ( $T_{BKT}$ ). Припущення зісновано на зіставленні отриманих результатів з літературними даними по дослідженню комплексної сприйнятливості монокристала GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub> при напрямках  $H_{ac}$  паралельно *с* вісі монокристала та вздовж *ab*-площини, а також збігу розрахованих величин деяких характерних температур поблизу БКТ перехода з одержаними нами експериментально.

PACS: 74.76.Bz, 74.60.Ge

#### Введение

Металлооксидные высокотемпературные сверхпроводники (ВТСП) обладают квазидвумерной слоистой структурой, которая характеризуется высокой анизотропией ряда их физических свойств, в частности магнитных. Таким структурам присущ переход при  $T \to T_c$  от трехмерного поведения магнитных характеристик к двумерному — переход Березинского-Костерлица-Таулесса (БКТ) [1,2]. В Си-О слоях ВТСП ҮВСО магнитные диполи возникают под влиянием тепловых флуктуаций только в виде пар двумерных (2D) вихрей (вихрь-антивихрь), магнитный поток которых замкнут двумя джозефсоновскими вихрями, расположенными между сверхпроводящими слоями. Циркуляция тока джозефсоновских вихрей и обеспечивает сверхпроводимость ВТСП материалов вдоль оси *с* кристалла. При температуре  $T_{BKT}$  система 2D вихрей становится неустойчивой по отношению к распариванию диполей, критический ток в направлении оси *с* падает до нуля. При  $T > T_{BKT}$  в слоях появляются свободные вихри, при этом в *ab*-плоскостях все еще сохраняется сверхпроводимость.

Особенности БКТ перехода в квазидвумерных системах типа ВТСП могут хорошо наблюдаться, если  $\lambda >> \xi(T_{BKT})$  [2]. Здесь  $\lambda = d\sqrt{M/m}$ , где d– межслоевое расстояние между плоскостями Сu–O; *m* и *M* – эффективные массы в плоскости Cu–O и вдоль оси *c*;  $\xi(T_{BKT})$  – корреляционная длина ~  $\xi(0)\tau^{-1/2}$ ;  $T_{BKT}$  – температура БКТ перехода. Для YBCO  $(M/m)^{1/2} = 5-7$ ,  $d \simeq 4$  Å,  $\xi(0) \simeq 13$  Å,  $\tau = 1 - T_{BKT}/T_{c0} \sim 10^{-2}$  ( $T_{c0}$  – среднеполевая температура перехода) и соотношение  $\lambda >> \xi(T_{BKT})$  не выполняется. В то же время в YBCO БКТ переход наблюдается как в гранулярных массивных материалах [3] и пленках [4], так и в монокристаллах [5].

Эпитаксиальные пленки YBCO, полученные лазерным напылением, довольно совершенны. Ось c в них с достаточно высокой точностью ориентирована перпендикулярно плоскости пленки, в то время как ориентация в плоскости ab текстурирована и нет полного соответствия плоскостей Cu–O в кристаллитах или доменах размером 50–100 нм. Наличие такой псевдослучайной сети почти совершенных кристаллитов (доменов) будет, вероятно, влиять на характер БКТ перехода [6].

Обычная процедура определения температуры БКТ перехода T<sub>ВКТ</sub> состоит в измерении вольтамперных характеристик (ВАХ) и построении температурной зависимости показателя степени n в степенной зависимости ВАХ ( $V \propto I^n$ ). На этой зависимости при n 

З наблюдается резкий скачок. Температуру при n = 3 принимают за  $T_{BKT}$ , а экстраполяция зависимости n(T) из области  $n > 3 \kappa n = 1$  дает величину среднеполевой критической температуры T<sub>c0</sub>, которая практически равна температуре середины перехода R(T) [7]. Напомним, что разница температур  $\Delta T_c =$  $= T_{c0} - T_{BKT}$  непосредственно зависит от величины эффективной анизотропии материала. ҮВСО имеют наименьшую анизотропию по сравнению с другими ВТСП, так как в них сравнительно большая длина когерентности вдоль оси с, которая при низких температурах примерно лишь в два раза меньше межслоевого расстояния сверхпроводящих плоскостей Cu-O [8], поэтому они должны иметь ярко выраженное трехмерное поведение. В то же время на YBCO пленках плохого качества (по транспортным свойствам и величине плотности критического тока) получены большие значения  $\Delta T_c$  [9].

Для монокристаллов YBCO в работе [5] было определено  $\Delta T_c = 0,14$  К, а для качественных YBCO пленок в работе Кима и др. [4] получено значение  $\Delta T_c$ , равное 0,5 К. Диамагнитная восприимчивость YBCO пленок исследована в работе [10]. Глубина проникновения  $\lambda$  была рассчитана из измерений комплексного импеданса  $Z = R + i\omega L$  для высококачественных пленок YBCO толщиной 500 и 2 000 Å. Переход БКТ наблюдался только для пленки толщиной 500 Å.

С помощью диамагнитного отклика на монокристалле GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.75</sub> измерены температурные зависимости диссипативных потерь  $\chi_1''$  и дейчасти восприимчивости ствительной χ<sub>1</sub>, отвечающей за степень экранирования образцом величины внешнего поля [11]. Измерения проведены в условиях, когда возбуждающее поле H<sub>ac</sub> прикладывалось в направлении оси с кристалла и параллельно плоскости аb. Установлено, что при  $\mathbf{H}_{ac}$ , параллельном плоскости ab, сигнал  $\chi_1'$  появляется при более низкой температуре, чем при **H**<sub>ac</sub> **c**. Именно при этой температуре наступает истинная 3D сверхпроводимость. Поскольку величина диамагнитного отклика пропорциональна площади образца, на ВТСП пленках в случае **Н**<sub>ac</sub> *аb* подобные измерения в принципе невозможны ввиду чрезвычайно малой площади пленки. Однако некоторые соображения дают возможность предположить, что с помощью измерения полевых и температурных зависимостей  $\chi'_1$  и  $\chi''_1$ при  $\mathbf{H}_{ac} \| \mathbf{c}$  можно зафиксировать 2*D*-3*D* переход также и в пленках ҮВСО. Такие исследования и проведены в настоящей работе.

## Экспериментальные результаты и их обсуждение

Исследования диамагнитного отклика пленок YBCO проводились на индукционной установке в диапазоне возбуждающих магнитных полей  $H_{ac}$  0,2–1000 мЭ в основном на частоте 10 кГц. Напомним, что  $\chi_1''$  отражает степень потерь на перемагничивание образца и резистивные потери. В настоящей работе получены зависимости температуры  $T_m$ , при которой наблюдается максимум  $\chi_1''$ , как функции амплитуды возбуждающего поля  $H_{ac}$  для трех образцов. Образец № 324 получен методом высокочастотного магнетронного напыления на сапфировую подложку с подслоем ZrO<sub>2</sub>, стабилизированным Y. Толщина полученной поликристаллической пленки d составляла



Рис. 1. Зависимости температуры  $T_m$  максимума диссипативной части магнитной восприимчивости от амплитуды возбуждающего поля  $H_{ac}$  для различных пленок YBCO. Для примера для пленки № 364 приведена зависимость  $\chi''_1/\chi'_1(H^{\alpha}_{ac})$ . Для других пленок эта зависимость имеет аналогичный вид.

0,8 мкм. Образец № 364 получен методом лазерного напыления на подложку SrTiO<sub>3</sub> и имел толщину 0,3 мкм. Третий образец (№ 3) получен также методом лазерного напыления на подложку LaCaO<sub>3</sub>, стабилизированную Nd, и имел толщину 0,2 мкм. Зависимости  $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  для этих образцов представлены на рис. 1. Показатель степени  $\alpha$  обусловлен характером слабых связей между

кристаллитами образца. Видно, что эти зависимости линеаризуются при различных значениях  $\alpha$ :  $\alpha = 1$  для пленки № 324,  $\alpha = 1/2$  для пленки № 364 и  $\alpha = 2/3$  для пленки № 3.

Поскольку в теории критического состояния при температуре максимума на кривой  $\chi''_1(T)$  выполняется соотношение [12]

$$j_c(T_m) = \frac{8H_{ac}}{2.474\pi d} ,$$
 (1)

то полученные зависимости  $T_m(H_{ac})$  связаны с  $j_c(T)$ . С учетом крипа потока, играющего заметную роль в исследуемом интервале температур, зависимость (1) будет сложнее, однако пропорциональность между  $j_c$  и  $H_{ac}$  остается.

Как видно на рис. 1, все три пленки, полученные различными методами, в разных лабораториях и на разных подложках, имеют одни и те же характерные особенности.

1. При очень слабых полях существует некоторый интервал значений амплитуды возбуждающего поля  $[0, H_2^*]$ , когда  $T_m$  с точностью до ошибки эксперимента не зависит от  $H_{ac}$ . Для гранулированной пленки № 324 величина  $H_2^* \approx 1$  мЭ, а для пленки № 3 эта величина достигает примерно 10 мЭ, в зависимости от частоты возбуждающего поля.

2. При более высоких значениях  $H_{ac}$  зависимость  $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  линеаризуется для каждого образца по своему закону вплоть до некоторого поля  $H_1^*$ , при котором наблюдается излом и наклон  $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  становится меньше, чем при  $H_{ac} < H_1^*$ .

 $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  становится меньше, чем при  $H_{ac} < H_1^*$ . 3. В области полей  $H_2^* \le H_{ac} \le H_1^*$  наблюдается значительное увеличение амплитуды  $\chi_1''$ , а в полях  $H_{ac} > H_1^*$  рост амплитуды  $\chi_1''$  незначителен или совсем отсутствует, что соответствует теории критического состояния Бина с учетом крипа потока. При этом величина  $\chi_1'$  остается постоянной.

4. В области  $H_{ac}^{\times 1} < H_2^*$  наблюдается линейный отклик, в интервале  $H_2^* < H_{ac} < H_1^*$  — квазилинейный (искажения сигнала отклика  $\chi_1''$  от синусоидальной формы незначительны), в области полей  $H_{ac} > H_1^*$  отклик существенно нелинеен.

Экстраполяция полученных зависимостей  $T_m(H^{\alpha}_{ac})$  от больших полей  $H_{ac}$ к нулевому полю дает некоторое значение температуры  $T_m$ , назовем ее условно  $T_{c1}$ . Подобная экстраполяция из области полей  $H^*_2 < H_{ac} < H^*_1$  дает другую температуру, которую обозначим  $T_{c2}$ .

Казалось бы, поведение диамагнитного отклика в области полей  $H_2^* < H_{ac} < H_1^*$  можно описать теорией обратимого движения вихрей Мацушиты [13], основанной на модели Кэмпбелла [14] и объясняющей рост амплитуды  $\chi_1''$  с увеличением



*Рис.* 2. Температурная зависимость недиссипативной части магнитной восприимчивости  $\chi'$  монокристалла GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub> при различных полях  $H_{ac}$ , Э: ( $\mathbf{H}_{ac} \parallel \mathbf{c}$ ) 0,297 (1), 1,11 (2), 4,16 (3); ( $\mathbf{H}_{ac} \perp \mathbf{c}$ ) 0,22 (4), 2,1 (5), 4,16 (6) [11].

поля  $H_{ac}$ . Однако эта теория построена исходя из условия линейного отклика (движение вихрей обратимо и гистерезиса нет), причем с ростом  $H_{ac}$  должна изменяться и величина  $\chi'_1$ , что не наблюдалось экспериментально.

Естественно предположить, что излом на зависимости  $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  связан с переходом БКТ. Для обоснования этого предположения рассмотрим температурные зависимости  $\chi'_1$  для образца GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub>, представляющего собой пластину толщиной 0,7 мм с площадью поверхности ~ 4 мм<sup>2</sup>, при ориентации поля  $\mathbf{H}_{ac} \parallel \mathbf{c}$  оси кристалла и  $\mathbf{H}_{ac} \parallel ab$ -плоскости, полученной в работе [11] (см. рис. 2). Рисунок 2 наглядно демон-



Рис. 3. Схема ҮВСО пленки толщиной d, содержащей сверхпроводящие слои Си–О. При  $\mathbf{H}_{ac} \| ab$ -плоскости ток  $I_{ab}$  исчезает при температуре разрыва джозефсоновских связей между плоскостями Си–О, т.е. при  $T_{BKT}$ . Сигнал диамагнитного отклика в этом случае также исчезает.



Рис. 4. Зависимость температуры максимума  $T_m$  на кривой  $\chi''(T)$  от плотности критического тока  $j_c$  для монокристалла GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.75</sub>.

стрирует существование двумерности в исследованном образце в области температур 48–58 К. Действительно (см. рис. 3), при  $\mathbf{H}_{ac} \| \mathbf{c} \,$  поле  $H_{ac}$ индуцирует в образце токи, лежащие в плоскости образца, и сигнал отклика будет существовать независимо от размерности (2D или 3D) структуры в слоях Си–О. При  $\mathbf{H}_{ac} \| ab$ -плоскости кристалла сигнал отклика может возникнуть только тогда, когда появится когерентная связь между слоями Си–О, т.е. когда образец будет находиться в трехмерном состоянии.

На рис. 4 показана зависимость температуры  $T_m$ , при которой наблюдается максимум на зависимости  $\chi''(T)$ , от плотности критического тока  $j_c$  для монокристалла GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub>, снятая при различных амплитудах возбуждающего поля  $H_{ac}$  и рассчитанная по известному соотношению [11]:

$$j_c = \frac{H_{ac}^*}{4\pi d} , \qquad (2)$$

где  $H^*_{ac}$  — величина возбуждающего поля с учетом размагничивающего фактора.

Отметим, что экстраполяция зависимости  $T_m(j_c^{2/3})$  от больших токов к  $j_c = 0$  дает температуру ру  $T_{c1} = 48$  К (температуру появления диамагнитного отклика при  $\mathbf{H}_{ac} \| ab$ ), а от малых  $j_c$  к  $j_c = 0$  — температуру  $T_{c2}$ , равную 58 К (температура появления сигналов  $\chi''_1$  и  $\chi'_1$  при  $\mathbf{H}_{ac} \| \mathbf{c}$ ).

Из полученных данных можно сделать вывод, что для монокристалла GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub> температура перехода БКТ равна 48 К.

Для эпитаксиальных пленок YBCO при  $\mathbf{H}_{ac} \| \mathbf{c}$  зависимость  $T_m$  от  $H_{ac}^{2/3}$  связана (в случае, когда пленка находится в критическом состоянии) с зависимостью  $T_m(j_c^{2/3})$  через простой коэффициент (см. формулу (1)). По аналогии с [11]

можно предположить, что и для пленок YBCO экстраполяция от больших полей  $H_{ac}$  к  $H_{ac} = 0$ дает значение  $T_{c1} = T_{BKT}$ , а от полей, меньших  $H_1^*$ , — некоторое значение  $T_{c2}$ . Ширина перехода *R*(*T*) в эпитаксиальной пленке № 3, по нашим данным, составляет около 1 К. Температуру середины этого перехода обычно принимают равной среднеполевой температуре перехода  $T_{c0}$  [7]. Температура появления диамагнитного отклика  $(T_c = 89,8 \text{ K})$  практически совпадает с температурой «зануления» зависимости R(T) с точностью не хуже  $10^{-3}$  Ом/см. Отсюда следует, что величина  $\Delta T = T_{c0} - T_{BKT}$  должна быть порядка 0,5 +  $|T_c - T_{c1}|$ . На предположение о том, что  $T_{c1} = T_{BKT}$ , указывает и величина  $\Delta T$ , равная 0,9 К, полученная для пленки № 3 с высокой токонесущей способностью, близкая к значению  $\Delta T = 0.5$  К, найденному для пленок YBCO [5]. Как видно на рис. 1, с ростом  $\Delta T$  уменьшается и  $j_{c}(0)$ (увеличивается наклон зависимости T<sub>m</sub>(H<sup>α</sup><sub>ac</sub>)). Подобную картину наблюдали и в [9].

Проанализируем результаты, полученные для наиболее изученной эпитаксиальной пленки № 3.

Как видно на рис. 1 на зависимости  $T_m(H_{ac}^{\alpha})$  четко наблюдается несколько характерных точек:

 $T^*$  — температура, при которой наблюдается излом на зависимости  $T_m(H^{\alpha}_{ac})$ . Отметим, что  $T^*$ одинакова при частотах возбуждающего поля 1 и 30 кГц, хотя при f = 30 кГц индуцированная в пленке эдс (а следовательно, и ток) в 30 раз больше, чем при f = 1 кГц;

 $T_{c1}$  — температура, к которой при  $H_{ac}=0$  экстраполируется зависимость  $T_m(H^{\alpha}_{ac})$  при  $H_{ac}>H^*_1;$ 

 $T_c$  — температура образования в пленке бесконечного протекательного кластера и появления диамагнитного отклика,  $T_c$  совпадает с температурой «зануления» ( $R \le 10^{-3}$  Ом/см) зависимости R(T);

 $T_{c0}$  — среднеполевая температура перехода, совпадающая с серединой перехода R(T) [7]. Значения этих температур для пленки № 3 представлены в таблице.

В работе [15] представлена иерархия характерных значений температур (от низких к высоким) для слоистого сверхпроводника со слабыми магнитными связями. Здесь  $\tau = (T - T_{c0})/T_{c0}$ .



 $au_{f}$  — температура, ниже которой флуктуации параметра порядка значительно меньше его среднего значения;

 $\tau_{BKT}$  — температура 3D—2D перехода в отдельном слое;

 $\tau_{\rm cr}$  — температура кроссовера от 3D к 2D поведению;

τ<sub>с</sub> – истинная температура перехода;

τ<sub>c0</sub> – среднеполевая температура перехода.

Закрашенная область соответствует интервалу трехмерных флуктуаций.

Сравнивая приведенную иерархию из работы [15] с нашими результатами, предположим, что  $T^*$  соответствует  $T_f$ ;  $T_{c1} \rightarrow T_{BKT}$ ;  $T_{c2} \rightarrow T_{cr}$ . Оценим значения  $\tau_{BKT}$ и размытие скачка Кос-

Оценим значения  $\tau_{BKT}$ и размытие скачка Костерлица–Нельсона под действием термических флуктуаций  $\tau_{3D}$  по формулам, приведенным в работе [15]:

$$|\tau_{BKT}| = \frac{|\tau_c|}{\left[1 - \frac{b}{\ln^2 (J/E_{0j}\xi_{ab}^2)}\right]},$$
 (3)

$$|\tau_{3D}| = \frac{2|\tau_{BKT}|b}{\ln^3 (J/E_{0J}\xi_{ab}^2)}.$$
 (4)

Здесь  $J = \Phi_0^2 d_p / \pi \epsilon (4\pi \lambda_{ab})^2 -$ «жесткость», характеризующая флуктуации в плоскости *ab*;  $d_p$  – расстояние между плоскостями Cu–O (~4 Å);  $\lambda_{ab} = \lambda_{ab}(0)/\tau$  – лондоновская глубина проникновения;  $\epsilon \ge 1$  – эффективная «диэлектрическая постоянная», описывающая понижение «жесткости» флуктуационными вихревыми парами [16];  $E_{0j} = \pi \hbar \Delta / 4e^2 R_N$  – энергия джозефсоновского взаимодействия между слоями ( $E_j = E_{0j} |\tau|$ );  $\Delta$  – энергетическая щель  $\simeq 20$  мэВ [17]; e – заряд электрона;  $R_N$  – сопротивление образца вблизи перехода; *b* принимает значения от 2 до 9 [18].

Таблица

Значения ряда характерных температур вблизи *T*<sub>c</sub> для эпитаксиальной YBCO пленки № 3

| <i>T</i> *, K | τ*                   | <i>Т</i> <sub><i>c</i>1</sub> , К | $\tau_{c1}$      | <i>Т<sub>с2</sub></i> , К | $\tau_{c2}$          | <i>Т<sub>с</sub></i> , К | $\tau_c$             | <i>Т<sub>с0</sub>,</i> К | <i>R<sub>N</sub></i> , Ом |
|---------------|----------------------|-----------------------------------|------------------|---------------------------|----------------------|--------------------------|----------------------|--------------------------|---------------------------|
| 89,12         | 1,3.10 <sup>-2</sup> | 89,4                              | 10 <sup>-2</sup> | 89,6                      | $0,77 \cdot 10^{-2}$ | 89,8                     | $0,55 \cdot 10^{-2}$ | 90,3                     | 0,7                       |

Если принять b = 9, а  $\xi(0)_{ab} = 20$  Å [17], то при этом оценки дают  $J = 6 \cdot 10^{-32}$  Дж/ см<sup>2</sup>;  $E_{0j} =$ = 1,5 · 10<sup>-20</sup> Дж. Используя (3), находим  $\tau_{BKT} =$ = 0,95 · 10<sup>-2</sup>, откуда  $T_{BKT} = 89,44$  К, что близко к значению  $T_{c1}$ . Из (4) находим  $\tau_{3D} = 0,41 \cdot 10^{-2}$ , что соответствует ширине температурного интервала 0,4 К, т.е. ( $T_c \pm 0,2$ ) К и совпадает со значением  $T_{c2} = 89,6$  К. Оценка  $\tau_f$ , приведенная в [15], дает температуру на несколько градусов ниже  $T_c$  и явно не совпадает с нашим значением  $\tau^*$ , так что физический смысл температуры  $T^*$  остается пока невыясненным.

Как известно, переход БКТ связан с двумерными вихрями в сверхпроводящих слоях Си–О и их взаимодействием между собой как в пределах плоскости, так и между вихрями в соседних плоскостях Си–О. Ниже  $T_{BKT}$  существуют только связанные пары вихрь–антивихрь, а при  $T > T_{BKT}$  связь между плоскостями Си–О разрывается и происходит флуктуационный распад вихревых пар. При наличии тока в образце (измерения ВАХ и диамагнитного отклика ведутся с транспортным или индуцированным токами) и при  $T < T_{BKT}$  сила Лоренца действует на пары как эффективное отталкивающее взаимодействие и будет существенно распаривать вихри, если ток превышает пороговое значение [19,20]:

$$J = J_{GI} \xi_{ab} (E_i / I) , \qquad (5)$$

где  $J_{GL}$  — плотность критического тока Гинзбурга-Ландау; I — удельная энергия 2D вихря. Величина этого тока, оцененная в [6], равна приблизительно 3 мкА. По результатам диамагнитных измерений мы не смогли оценить индуцированный в пленке ток при  $H_{ac} < H_1^*$ , так как отсутствует теория, описывающая связь между  $H_{ac}$  и  $j_c$  в этой области температур. Однако мы считаем, что индуцированный возбуждающим полем ток больше 3 мкА, по крайней мере до полей  $H_{ac} = H_2^*$ . При  $T > T_{BKT}$  преобладает термическое распаривание вихрей, ниже  $T_{BKT}$  свободные вихри возникают в основном вследствие распаривания индуцированным током.

Таким образом, при конечной величине тока в системе, кроме флуктуационных вихрей, появляются также свободные вихри из разорванных током диполей. Наличие двух механизмов, определяющих сопротивление образца, приводит к тому, что универсальный скачок Костерлица–Нельсона [21] размывается, а показатель степени n в степенной зависимости ВАХ начинает зависеть как от температуры, так и от тока. Такое размытие скачка на зависимости n(T) наблюдали в работах [6,9], когда n начинал уменьшаться не с 3,

а с n = 5,5 [6] и n = 4,2 [9]. Мы считаем, что в нашем случае переход распространяется от  $T^*$  до  $T_{c2}$  ( $\Delta T = 0,5$  K,  $\Delta T$  — ширина перехода). В [6]  $\Delta T$  равнялось 0,35 K, в [9]  $\Delta T = 4$  K.

Реальные пленки, особенно полученные скоростным лазерным напылением, начинают расти из «островков», образующихся в начальной стадии роста на границе пленка-подложка. Сама подложка не является идеально гладкой, а имеет впадины и бугры, с разницей по высоте, достигающей нескольких постоянных решетки УВСО вдоль оси с. При увеличении толщины пленки островки, ось с которых перпендикулярна плоскости подложки, а оси а и b не строго ориентированы по отношению друг к другу, коалисцируют, образуя сплошную пленку. В местах коалисценции образуются краевые и винтовые дислокации, обогащенные медью [22]. Таким образом, реальная пленка состоит из кристаллитов размером от единиц до десятков нанометров, разделенных дислокациями, причем плоскости Cu-O в соседних кристаллитах (доменах) могут и не совпадать. Транспортный или индуцированный ток течет по плоскостям Cu-O через нормальные или сверхпроводящие, но с пониженным параметром порядка, дислокации. В результате несостыковки плоскостей Cu-O в соседних кристаллитах появляется часть «лишних» или «недостающих» плоскостей. Возникают стопки плоскостей Си-О, разделенных «лишними» или «недостающими» плоскостями Cu-O, не несущими транспортный ток. Таким образом, появляются эффективные сверхпроводящие слои, несущие транспортный ток, разделенные между собой большими (а следовательно, с меньшими E<sub>i</sub>), чем в монокристалле, расстояниями. Это, в свою очередь, приводит к увеличению «эффективной» анизотропии пленки.

Оценим размеры таких эффективных слоев. В [23] было показано, что глубина магнитного проникновения  $L_s = 2\lambda_{3D}^2/d_{eff}$  связана с  $T_c$  соотношением  $L_s$  [см] =  $2/T_c$  [K], где  $\lambda_{3D}$  — объемная глубина магнитного проникновения,  $d_{eff}$  — толщина сверхпроводящего слоя. Следовательно, можно получить эффективную толщину каждого слоя, предполагая, что взаимодействие между слоями отсутствует. Принимая  $\lambda_{3D}(T) = 0,15$  мкм × ×  $(1 - T_{c1}/T_{c0})^{-0,5}$ , при  $T_{c1} = 89,4$  К получаем величину  $d_{eff} \cong 2$  нм. Сравнивая  $d_{eff}$  с толщиной пленки, равной 200 нм, можно видеть, что должно существовать квазидвумерное поведение.

Влияние джозефсоновского взаимодействия на трехмерное поведение YBCO пленок проявляется в возникновении дополнительного притяжения между вихрями в паре, имеющего квадратичную

зависимость от расстояния при r << r<sub>c</sub> и линейную при  $r > r_c$  [15,24]. Здесь  $r_c = (I/E_i)^{0.5}$  некоторое характерное расстояние между вихрями в паре, ниже которого можно пренебречь влиянием джозефсоновского взаимодействия между слоями по сравнению с внутрислоевым вихревым взаимодействием. На расстояниях r > r<sub>c</sub> джозефсоновский вклад доминирует, запрещая распад пар на свободные вихри. Именно распад на свободные вихри происходит в первую очередь под действием силы Лоренца в присутствии тока, а также при  $T \approx T_{BKT}$ , когда джозефсоновское взаимодействие между слоями падает до нуля. Для пленки № 3 r<sub>c</sub> = 2 мкм, что гораздо больше размера кристаллитов, поэтому размеры границ между кристаллитами, по-видимому, не должны сказываться на БКТ переходе.

Конечно, можно предположить, что в пленках ҮВСО происходит не истинный БКТ переход, связанный с диссоциацией пар вихрь-антивихрь, а переход, обусловленный разбиением плоскостей Си-О вблизи T<sub>с</sub> на эффективные сверхпроводящие слои (толщиной ~ 2 нм для пленки № 3), не взаимодействующие между собой. Такая система будет квазидвумерной. В этом случае эксперименты по исследованию ВАХ и восприимчивости «не заметят» подмены истинного БКТ перехода квазидвумерным переходом. Однако наблюдение БКТ перехода в монокристаллах ҮВСО, в которых нет несостыковки плоскостей Cu-O по всему объему образца, находится в противоречии с критерием  $\lambda >> \xi(T_{BKT})$  (см. введение). На наш взгляд, требуется уточнение критерия БКТ перехода.

Таким образом, по аналогии с результатами измерений диамагнитного отклика в монокристалле GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6.75</sub> [11], выполненных при  $\mathbf{H}_{ac} \| \mathbf{c}$ оси кристалла и  $\mathbf{H}_{ac} \| ab$ -плоскости кристалла, хорошего совпадения ряда рассчитанных и экспериментально полученных характерных температур образца вблизи БКТ перехода и близости значений ширины перехода  $\Delta T$ , полученных нами, к литературным данным дают основание предположить, что изучение зависимостей температур максимума  $\chi_1''$  в функции возбуждающего поля  $H_{ac}$ дает возможность наблюдать 2D-3D переход. Для подтверждения правильности предположения о наблюдаемом нами 2D-3D переходе в ҮВСО пленках с помощью исследования их комплексной восприимчивости необходимы одновременные исследования одной и той же пленки методами ВАХ и диамагнитного отклика. Такие исследования планируются в ближайшем будущем. Остается также открытым вопрос о физическом смысле температуры  $T^*$  и ее независимости от частоты возбуждающего поля  $H_{ac}$ . Также нет объяснения логарифмического роста амплитуды  $\chi_1''$  в области полей  $H_{ac} < H_1^*$  при постоянстве величины  $\chi_1'$ .

- В. А. Березинский, ЖӘТФ 34Б, 610 (1971); J. М. Kosterlitz and D. J. Thouless, J. Phys. C6, 1181 (1973); Progr. Low Temp. Phys. B7, 373 (1978).
- M. V. Feigelman, V. B. Geshkenbein, and A. I. Larkin, *Physica* C167, 177 (1990).
- D. R. Harshman, G. Aeppli, E. J. Ansaldo, B. Batlogg, J. H. Brewer, J. F. Carolan, R. J. Cava, M. Celio, A. C. D. Chaklader, W. N. Hardy, S. R. Kreitzman, G. M. Luke, D. R. Noakes, and M. Senda, *Phys. Rev.* B36, 2386 (1987).
- J. Kim, H. Lee, J. Chung, H. J. Shin, and H. J. Lee, *Phys. Rev.* B43, 2962 (1991).
- 5. V. Katandella and P. Minnhagen, *Physica* C166, 442 (1990).
- Q. Y. Ying and H. S. Kwok, *Phys. Rev.* B42, 2242 (1990).
- K. Kadowaki, Y. Songlin, and K. Kitazava, Supercond. Sci. Technol. 7, 519 (1999).
- 8. K. H. Fisher, Physica C193, 401 (1992).
- P. H. Mikheenko and I. S. Abaliosheva, *Physica* C214, 393 (1993).
- A. T. Fiory, A. F. Hebard, P. M. Mankiewich, and R. E. Howard, *Phys. Rev. Lett.* 61, 1419 (1988).
- Г. Г. Левченко, А. В. Пащенко, В. П. Дьяконов, В. И. Маркович, И. М. Фита, А. А. Павлюк, Л. П. Козеева, *ФНТ* 18, 1332 (1992).
- 12. E. H. Brandt, Phys. Rev. B58, 6506 (1998).
- T. Matsushita, E. S. Otabe, and B. Ni, *Physica* C182, 95 (1991).
- 14. A. M. Campbell, J. Phys. C4, 3186 (1971).
- Л. И. Глазман, А. Е. Кошелев, ЖЭТФ 97, 1371 (1990).
- 16. P. Minnhagen, Rev. Mod. Phys. 59, 1001 (1987).
- T. Maeno, K. Kagawa, S. Tanda, T. Nakayama, N. Hatakenaka, A. Ohi, T. Matsui, T. Suzuki, and K. Tsuda, *Physica* C235-240, 3321 (1994).
- A. T. Fiory, A. F. Hebard, and W. T. Glaberson, *Phys. Rev.* B28, 5075 (1983).
- H. J. Jensen and P. Minnhagen, *Phys. Rev. Lett.* 66, 1630 (1991).
- P. N. Mikheenko, Yu. A. Genenko, Yu. V. Medvedev, A. I. Usoskin, and I. N. Chukanova, *Physica* C212, 332 (1993).
- D. R. Nelson and J. M. Kosterlitz, *Phys. Rev. Lett.* 39, 1201 (1977).
- Y. Gao. K. L. Merkle, G. Bai, H. L. M. Chang, and D. J. lam, *Physica* C174, 1 (1991).
- 23. B. I. Halperin and D. R. Nelsen, J. Low Temp. Phys. 36, 599 (1970).
- L. N. Bulaevskii, S. V. Meshkov, and D. Feinberg, *Phys. Rev.* B43, 3728 (1991).

### Manifestation of two-dimensional behavior of YBCO films in studies of their complex susceptibility

### V. A. Khokhlov, A. Yu. Prokhorov, V. F. Drobotko, G. G. Levchenko, and A. V. Klimov

The temperature dependence of complex magnetic susceptibility  $\chi' + \chi''$  of YBCO films is studied for different amplitudes of exciting field  $H_{ac}$ . The  $H^{\alpha}_{ac}$  dependence of  $T_m$  at which a maximum in the curve  $\chi''(T)$  is observed (the parameter  $\alpha$  equals 1, 1/2, 2/3 and is determined by the nature of intercrystallite bonds)

exhibits a kink at  $H_{ac} = H_1^*$ . It is suggested that the temperature  $T_{c1}$  obtained by extrapolating the dependence  $T_m(H_{ac}^{2/3})$  from high fields to zero field is the BKT transition temperature  $(T_{BKT})$ . The suggestion is based on the comparison between the data obtained and literature results on complex susceptibility of GdBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>6,75</sub> for  $H_{ac}$  directed in parallel with the axis c of the single crystal and along the plane *ab* and on the agreement between some calculated characteristic temperatures near the BKT transition and our experimental data.