

# О двумерном характере сверхпроводящего перехода в недостаточно допированных ВТСП

Г. Г. Сергеева

Национальный научный центр «Харьковский физико-технический институт»  
ул. Академическая, 1, г. Харьков, 61108, Украина  
E-mail: gsergeeva@kipt.kharkov.ua

Статья поступила в редакцию 16 марта 2001 г., после переработки 12 апреля 2001 г.

В сверхпроводящем состоянии квазидвумерного ВТСП изучен размерный  $3D \rightarrow 2D$  кроссовер. С помощью общих закономерностей сверхпроводящего состояния двумерных и трехмерных систем найдена универсальная температурная зависимость отношения квадратов глубин проникновения магнитного поля, направленного вдоль оси  $\hat{c}$ ,  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ , которая приводит к соотношению между температурой сверхпроводящего перехода  $T_c$  и  $\lambda^{-2}(0)$ . Это позволило определить температуру размерного кроссовера  $T_{cr}$  как границу области «двумерности» сверхпроводящего состояния, где при  $T > T_{cr}$  результаты измерений глубины проникновения магнитного поля начинают отклоняться от универсальной зависимости, найденной в работе. Показано, что величина области трехмерных сверхпроводящих флуктуаций может быть определена из измерений  $\lambda(T/T_c)$  и сопротивления вдоль оси  $\hat{c}$  и оказывается конечной, что свидетельствует о двумерном характере сверхпроводящего перехода в квазидвумерных ВТСП.

У надпровідному стані квазідвовимірний ВТНП вивчено розмірний  $3D \rightarrow 2D$  кросовер. За допомогою загальних закономірностей надпровідного стану двовимірних і тривимірних систем знайдено універсальну температурну залежність відношення квадратів глибин проникнення магнітного поля вздовж осі  $\hat{c}$ ,  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ , яка приводить до співвідношення між температурою надпровідного переходу  $T_c$  та  $\lambda^{-2}(0)$ . Це дозволило знайти температуру розмірного кросоверу  $T_{cr}$  як межу області «двовимірності» надпровідного стану, де при  $T > T_{cr}$  результати вимірювань глибини проникнення магнітного поля починають відхилятися від універсальної залежності, одержаної в роботі. Показано, що величина області тривимірних надпровідних флуктуацій може бути знайдена із вимірювань  $\lambda(T/T_c)$  та опору вздовж осі  $\hat{c}$  і є обмеженою, що свідчить про двовимірний характер надпровідного переходу у квазідвовимірних ВТНП.

PACS: 74.72.Ns

## 1. Введение

Квазидвумерные ВТСП, т.е. недостаточно допированные соединения, отличаются такими необычными свойствами, как полупроводниковый ход сопротивления вдоль оси  $\hat{c}$ ,  $\rho_c(T)$ , большой интервал двумерных сверхпроводящих флуктуаций,  $\Delta_{2D} \sim T_c$ , появление при  $T \leq T^*$  псевдощелевого состояния. Это позволило предположить, что сверхпроводящий переход в таких соединениях связан с переходом Березинского—Костерлица—Таулесса (БКТ) при температуре  $T_{BKT} < T_{c0}$ , где  $T_{c0}$  — температура сверхпроводящего перехода в  $\text{CuO}_2$ -плоскостях в теории среднего поля (см. обзор [1] и ссылки в нем). Несмотря на то что двумерный характер сверхпроводящих флуктуаций и признаки БКТ перехода наблюдались

для большей части квазидвумерных ВТСП [2,3], до сих пор неясно, можно ли в объемных сверхпроводниках с учетом конечной величины взаимодействия вдоль оси  $\hat{c}$  наблюдать такой переход [4,5]. Наиболее убедительны измерения сопротивления для ультратонких пленок YBCO [5], которые позволяют определить температуру БКТ перехода: с ростом числа слоев  $T_{BKT}$  увеличивается от 30 К (для пленки толщиной в один монослой) до 80 К для пленки с 10 слоями. Именно такое различие между величинами  $T_c$ ,  $T_{c0} \leq T^*$  и  $T_{BKT}$ , а также сомнения в принципиальной возможности реализации БКТ перехода в объемном образце оставляют открытым вопрос о характере сверхпроводящего перехода в квазидвумерных ВТСП [4,5].

Учет конечных взаимодействий вдоль оси  $\hat{c}$  может привести к размерному кроссоверу как при  $T > T_c$ , так и в сверхпроводящем состоянии при температурах, близких к  $T_c$  (см., например, [4–6]). Теоретическая модель такого сверхпроводящего перехода в слоистых структурах хорошо известна [7–9]: при достаточно малых вероятностях перескоков заряда между слоями система ведет себя как двумерная с конечной областью  $\Delta_{3D}$  трехмерных сверхпроводящих флуктуаций. Ответ на вопрос о большом различии между температурами  $T_c$ ,  $T_{c0}$  и  $T_{BKT}$  будет, конечно, найден вместе с пониманием механизма высокотемпературной сверхпроводимости. Так, в спин-флуктуационной модели спаривания, где  $T_c \sim J_c$  и  $T_{c0} \sim J_{ab}$ , анизотропия обменных взаимодействий квазидвумерных ВТСП в медь-кислородной плоскости  $J_{ab}$ , и вдоль оси  $\hat{c}$ ,  $J_c \ll J_{ab}$ , приводит к  $T_c \ll T_{c0}$  и к большой величине интервала  $\Delta_{2D}$ . В работах [10,11] было показано, что с двумерностью сверхпроводящих флуктуаций (2D СФ) в нормальном состоянии связаны такие свойства квазидвумерных ВТСП, как температурная зависимость вероятности туннелирования  $t_c(T)$  заряда вдоль оси  $\hat{c}$  и полупроводниковый ход сопротивления  $\rho_c(T)$ . При понижении температуры  $t_c(T)$  быстро убывает, и при  $T \sim T_c^0$  размерный кроссовер  $2D \rightarrow 3D$  происходит раньше, чем БКТ переход. Температура  $T_c^0$ , при которой рост сопротивления  $\rho_c(T)$  прекращается, одного порядка с температурой сверхпроводящего перехода в объемном образце (в теории среднего поля). Это свидетельствует о двумерном характере сверхпроводящего перехода с конечной областью 3D СФ, который в слоистой системе происходит по сценарию Каца [7]

$$T_c^0/\varepsilon_F > t_c(T_c^0), \quad (1)$$

при достаточно малых значениях  $t_c(T_c^0)$  ( $\varepsilon_F$  — энергия Ферми). Измерения зависимости сопротивления  $\rho_c(T)$  позволяют определить область  $\Delta_{3D}^N$  трехмерных сверхпроводящих флуктуаций (3D СФ) в нормальном состоянии

$$\Delta_{3D}^N \approx T_c^0 - T_c \ll \Delta_{2D}^N. \quad (2)$$

Известно [6,12], что в сверхпроводящем состоянии при понижении температуры до  $T_{cг}$ , величина которой зависит от корреляционной длины  $\xi_c(T)$  вдоль оси  $\hat{c}$ , происходит обратный  $3D \rightarrow 2D$  кроссовер. Цель настоящей работы состоит в изучении сверхпроводящего состояния квазидвумерных ВТСП и определении при  $T < T_c$  области 3D СФ,  $\Delta_{3D}^S \approx (T_c - T_{cг})$ . Найдена универсальная

температурная зависимость отношения квадратов глубин проникновения магнитного поля, направленного вдоль оси  $\hat{c}$ ,  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ . Температура размерного кроссовера  $T_{cг}$  определена как граница области «двумерности» сверхпроводящего состояния, где при  $T > T_{cг}$  результаты измерений глубины проникновения магнитного поля начинают отклоняться от универсальной зависимости (6), найденной ниже.

## 2. Об универсальной зависимости $T_c$ от $\lambda^{-2}(0)$

Глубина проникновения магнитного поля  $\lambda(T)$  определяется формулой Лондона  $\lambda(T) \sim n_{s,3}^{-1/2}(T)$ , где  $n_{s,3}(T)$  — трехмерная сверхтекучая плотность, очевидным образом связанная с двумерной плотностью  $n_s(T)$ :  $n_{s,3}(T) = n_s(T)v/l$ , где  $v$  — число слоев,  $l$  — период решетки. Покровский показал [13], что в квазидвумерных ВТСП глубина проникновения магнитного поля  $\lambda(T)$  и плотность двумерной сверхтекучей компоненты  $n_s(T)$  связаны соотношением

$$\lambda^2(0)/\lambda^2(T) = n_{s,3}(T)/n_{s,3}(0) = n_s(T)/n_s(0). \quad (3)$$

Можно показать, что для квазидвумерных ВТСП с концентрацией допирования меньше оптимальной это соотношение приводит к универсальной зависимости  $T_c(\lambda^{-2}(0))$  (Uemura plot), найденной при измерениях скорости релаксации мюонов [14].

Для плоской вырожденной системы уравнение (3) может быть выражено через отношение величин безразмерной жесткости  $\rho_s(T/T_c)/\rho_s(0) = n_s(T/T_c)/n_s(0)$ , где  $\rho_s(T/T_c)$  удовлетворяет универсальной зависимости [15]

$$\rho_s(T/T_c) = \exp\left[-\frac{T e^{-1}}{T_c \rho_s(T/T_c)}\right]. \quad (4)$$

Решение этого уравнения дает  $\rho_s(0) = 1$ , а при  $T = T_c$

$$\rho_s(T/T_c)\Big|_{T=T_c} = e^{-1}, \quad (5)$$

было получено в [15] и приведено на рис. 1. Из уравнений (3),(4) следует универсальный характер температурной зависимости отношения квадратов глубин проникновения магнитного поля

$$\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c) = \rho_s(T/T_c)/\rho_s(0) =$$

$$= \exp \left[ - \frac{T e^{-1} \lambda^2(T/T_c)}{T_c \lambda^2(0)} \right], \quad (6)$$

а также простое соотношение между величинами  $\lambda^2(T)$  и  $n_s(T)$  при  $T = T_c$  и  $T = 0$ :

$$\lambda^2(0)/\lambda^2(T_c) = n_s(T_c)/n_s(0) = e^{-1}. \quad (7)$$

С помощью (7) и известной формулы Костерлица—Таулесса—Нельсона [16], связывающей плотность двумерной сверхтекучей компоненты  $n_s(T_c)$  с температурой перехода  $T_c$ ,

$$k_B T_c = \frac{\hbar^2}{32\pi m} n_s(T_c), \quad (8)$$

получаем универсальное соотношение между плотностью  $n_s(0)$  при  $T = 0$  и температурой перехода  $T_c$ :

$$T_c = \frac{\hbar^2 e^{-1}}{32k_B \pi m} n_s(0), \quad (9)$$

где  $k_B$  — постоянная Больцмана. В другом виде аналогичная зависимость была получена в работах [17,18]. В двумерном сверхпроводнике роль эффективной глубины проникновения играет магнитная длина экранирования

$$L_s(T) = \frac{mc^2}{2\pi n_s(T)e^2}, \quad (10)$$

которая связана с лондоновской глубиной проникновения соотношением

$$L_s = 2\lambda^2/d. \quad (11)$$

Здесь  $d$  — толщина  $\text{CuO}_2$ -плоскости,  $e$  — заряд электрона.

Из выражений (7)–(11) видно, что температура сверхпроводящего перехода пропорциональна  $\lambda^{-2}(0)$ ,

$$T_c = k\lambda^{-2}(0), \quad (12)$$

где коэффициент пропорциональности

$$k = \frac{c^2 \hbar^2 e^{-1} d}{64k_B \pi^2 e^2} \quad (13)$$

зависит только от универсальных констант и толщины  $\text{CuO}_2$ -плоскости, одинаковой для купратных ВТСП.

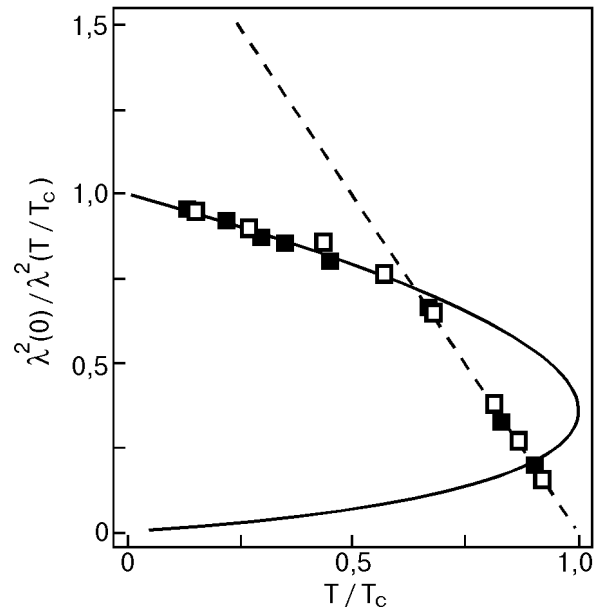


Рис. 1. Температурная зависимость  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ . Пунктир — зависимость БКШ, сплошная линия — универсальная зависимость (6). Результаты измерений для  $\text{La}_{1,85}\text{Sr}_{0,15}\text{CuO}_4$  [19] ( $\square$ ) и  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6,66}$  [14] ( $\blacksquare$ ).

Таким образом, соотношение (12), найденное при измерениях скорости релаксации мюонов [14] для квазидвумерных ВТСП, действительно универсально и является следствием общих закономерностей (4) и (8) сверхпроводящего состояния двумерных систем. Зависимость (12) должна выполняться для сверхпроводников, у которых при  $T < T_{cr}$  сверхпроводящее состояние является двумерным, т.е. для сверхпроводников с двумерным характером перехода. К сожалению, для сравнения выражения (12) с зависимостью, полученной в работе [14], необходимо знать коэффициент, связывающий скорость релаксации мюонов с величиной  $\lambda^{-2}(0)$ .

### 3. Определение температуры размерного кроссовера $T_{cr}$

Известно [12], что в сверхпроводящем состоянии при понижении температуры длина когерентности вдоль оси  $\hat{c}$ ,  $\xi_c(T/T_c)$ , уменьшается и при температуре  $T_{cr}$ , когда  $\xi_c(T_{cr}/T_c)$  становится меньше расстояния между слоями  $s$ , происходит размерный  $3D \rightarrow 2D$  кроссовер:

$$\xi_c(T_{cr}/T_c) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( 1 - \frac{T_{cr}}{T_c} \right)^{-1/2} \xi_c(0) < s. \quad (14)$$

Как видно из (14), температура размерного кроссовера  $T_{cr}$  зависит от величины отношения

$\xi_c(0)/s$  и от числа медь-кислородных слоев в ячейке. Очевидно, что кроссовер к двумерному сверхпроводящему состоянию может произойти в той области температур, где трехмерная плотность сверхтекучей компоненты становится сравнимой с двумерной плотностью  $n_s(T)$ , умноженной на отношение числа слоев к периоду решетки [13]. Температура  $T_{cr}$  может быть определена как граница области «двумерности» сверхпроводящего состояния, где результаты измерений глубины проникновения магнитного поля начинают отклоняться от универсальной зависимости (6).

Вблизи температуры сверхпроводящего перехода при  $T_c > T > T_{cr}$ , где зависимость  $\lambda_c(T)$  определяется 3D СФ, микроскопическая теория БКШ дает

$$\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c) = 2(1 - T/T_c). \quad (15)$$

На рисунке приведен график зависимости  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ , где сплошная линия соответствует универсальной зависимости (6), пунктирная — выражению (15), и результаты измерений глубины проникновения магнитного поля, направленного вдоль оси  $\hat{c}$ , для  $\text{La}_{1,85}\text{Sr}_{0,15}\text{CuO}_4$  с  $T_c = 37$  К [19] и  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{6,66}$  с  $T_c \approx 53$  К [14]. Видно, что трехмерная плотность сверхтекучей компоненты становится сравнимой с  $n_s(T)$  при  $T \sim 0,7T_c$ . При обработке результатов измерений величина  $\lambda^2(0)$  определялась из выражения (15) как среднее для экспериментальных точек  $\lambda(T/T_c)$  при  $T/T_c > 0,7$ . Измеренные значения  $\lambda(T)$  для  $\text{La}_{1,85}\text{Sr}_{0,15}\text{CuO}_4$  при  $T > 25$  К хорошо описываются зависимостью (15), а при  $T \leq 20$  К в пределах точности измерений удовлетворительно согласуются с универсальной зависимостью (6). Этот простой расчет позволяет для соединения  $\text{La}_{1,85}\text{Sr}_{0,15}\text{CuO}_4$  оценить величину  $T_{cr} \sim 26$  К и определить интервал температур, в котором сверхпроводящее состояние трехмерно:

$$\Delta_{3D}^S = T_c - T_{cr} \approx 11 \text{ К}.$$

#### 4. Обсуждение результатов и выводы

В разд. 2 и 3 показано, что при  $T < T_{cr}$  отношение  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$  в квазидвумерных ВТСП имеет универсальный характер, определяется зависимостью (6) и свидетельствует о двумерности сверхпроводящего состояния. Это приводит к двум важным и общим для таких сверхпроводников следствиям:

1) универсальная зависимость (12) между  $T_c$  и  $\lambda^2(0)$  [14], где коэффициент пропорциональнос-

ти зависит только от универсальных констант, уже 13 лет вызывает большой интерес, однако известные варианты зависимости  $T_c(\lambda^{-2}(0))$  содержат либо подгоночный параметр, либо какую-нибудь характерную для сверхпроводника величину (например, корреляционную длину [20]);

2) двумерный характер сверхпроводящего перехода при  $T < T_{cr}$  и конечная область 3D СФ

$$\Delta_{3D} = \Delta_{3D}^N + \Delta_{3D}^S = T_c^0 - T_{cr}, \quad (16)$$

величина которой не зависит от точности определения  $T_c$  и может быть определена из измерений  $\rho_c(T)$  и  $\lambda(T)$ . Измерения сопротивления вдоль оси  $\hat{c}$  позволяют определить температуру  $T_c^0$  размерного  $2D \rightarrow 3D$  кроссовера в нормальном состоянии [11], а из измерений  $\lambda_c(T)$ , как показано выше, можно найти температуру  $T_{cr}$  обратного кроссовера в сверхпроводящем состоянии. Так, например, для монокристаллов  $\text{La}_{1,85}\text{Sr}_{0,15}\text{CuO}_4$  резистивные измерения [21] дают  $T_c^0 \sim 41,5$  К, измерения  $\lambda(T)$  [19] — величину  $T_{cr} \sim 26$  К и с учетом выражения (16)  $\Delta_{3D} \sim 15,5$  К.

Интересно отметить специфику сверхпроводящих свойств квазидвумерных ВТСП, которая обусловлена тем, что  $T_{BKT} < T_c$  и попадает в область 3D СФ [11] и, по-видимому, является одной из причин продолжающейся дискуссии о характере сверхпроводящего перехода в таких соединениях. В нормальном состоянии в большом интервале температур  $\Delta_{2D} \sim T_c$  сверхпроводящие флуктуации двумерны, и температурная зависимость корреляционной длины в медь-кислородной плоскости, а также  $t_c(T)$  и  $\rho_c(T)$  определяются температурой  $T_{BKT} < T_c$  сверхпроводящего перехода в плоскости. При этом вероятность туннелирования заряда вдоль оси  $\hat{c}$  с понижением температуры уменьшается до тех пор, пока при  $T_c^0$  не произойдет размерный  $2D \rightarrow 3D$  кроссовер. В сверхпроводящем состоянии обратный размерный  $3D \rightarrow 2D$  кроссовер при  $T_{cr} \sim 0,7T_c$  приводит к тому, что сверхпроводник при  $T < T_{cr}$  является двумерной системой с температурой перехода  $T_c$  и универсальной зависимостью  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$  (6).

Автор глубоко благодарен В. Ю. Гончару и В. В. Кабанову за обсуждение работы и очень важные замечания к ней.

1. S. L. Cooper and K. E. Gray, in: *Physical Properties of High Temperature Superconductors*, D. M. Ginsberg (ed.), IY (1994), p. 61–188.
2. S. Martin, A. T. Fiory, R. M. Fleming, G. P. Espinoza, and A. S. Cooper, *Phys. Rev. Lett.* **62**, 677 (1989).
3. D. H. Kim, A. M. Goldman, J. H. Kang, and R. T. Kampwirth, *Phys. Rev.* **B40**, 8834 (1989).

G. G. Sergeeva

The dimensional  $3D \rightarrow 2D$  crossover is studied for quasi-two-dimensional HTS in a superconducting state. Using the general laws of superconducting state for  $2D$  and  $3D$  systems a universal dependence of the relation between penetration lengths of magnetic field along axis  $\hat{c}$ ,  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$ , is obtained. It is shown that this dependence leads to the known universal relation between the temperature of superconducting transition,  $T_c$ , and the value of  $\lambda^{-2}(0)$  for quasi-two-dimensional HTS. This permits the temperature of dimensional crossover,  $T_{cr} < T_c$ , to be defined as the boundary of two-dimensional region, where the measured values of  $\lambda^2(0)/\lambda^2(T/T_c)$  at  $T > T_{cr}$  begin to depart from the universal relation obtained. It is shown that the region of three-dimensional superconducting fluctuations is finite evidencing the two-dimensional character of superconducting transition for quasi-two-dimensional HTS.

4. Y. Matsuda, S. Komiyama, T. Onogi, T. Terashima, K. Shimura, and Y. Bando, *Phys. Rev.* **B48**, 10498 (1993).
5. Y. Matsuda, S. Komiyama, T. Terashima, K. Shimura, and Y. Bando, *Phys. Rev. Lett.* **69**, 3228 (1992).
6. Z. Tešanović, L. Xing, L. Bulaevskii, Q. Li, and M. Suenaga, *Phys. Rev. Lett.* **69**, 3563 (1992).
7. Е. И. Кац, *ЖЭТФ* **56**, 1675 (1969).
8. Vik. Dotsenko and M. V. Feigelman, *JETP* **83**, 345 (1982).
9. Л. Н. Булаевский, *УФН* **116**, 449 (1975).
10. G. Sergeeva, *Physica* **C341-348**, 181 (2000).
11. Г. Г. Сергеева, *ФНТ* **27**, 634 (2001); cond-mat/0009212.
12. T. Schneider and H. Keler, *Phys. Rev.* **B47**, 5915 (1993).
13. В. Л. Покровский, *Письма в ЖЭТФ* **47**, 539 (1988).
14. Y. J. Uemura, V. J. Emery, A. R. Moodenbaugh et al. *Phys. Rev.* **B38**, 909 (1988); *Phys. Rev. Lett.* **64**, 2082 (1990).
15. А. З. Паташинский, В. Л. Покровский, *Флуктуационная теория фазовых переходов*, Наука, Москва (1982).
16. B. I. Halperin and D. R. Nelson, *J. Low Temp. Phys.* **36**, 599 (1979).
17. V. B. Gusynin, V. M. Loktev, and S. G. Sharapov, *ЖЭТФ* **115**, 1243 (1999).
18. V. M. Loktev, R. M. Quick, and S. G. Sharapov, *ФНТ* **26**, 567 (2000).
19. G. Aeppli, R. J. Cava, E. J. Ansaldo, J. H. Brewer, S. R. Kreitzman, G. M. Luke, D. R. Noakes, and R. F. Kiefl, *Phys. Rev.* **B35**, 7129 (1987).
20. T. Schneider, *Physica* **C195**, 82 (1992).
21. T. Ito, H. Takagi, S. Ishibashi et al., *Nature*, **350**, 596 (1991).